

ソルバーで最適解を求めよう

数理計画ソフトLINDOの使い方



ここで学ぶこと

- ソルバーとは
- 主な数理計画ソルバーの紹介
- ソルバー (LINDO社のLINDO) の使い方



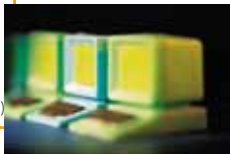
ソルバー (solver)

ある問題の解を自動的に求めてくれる仕組み

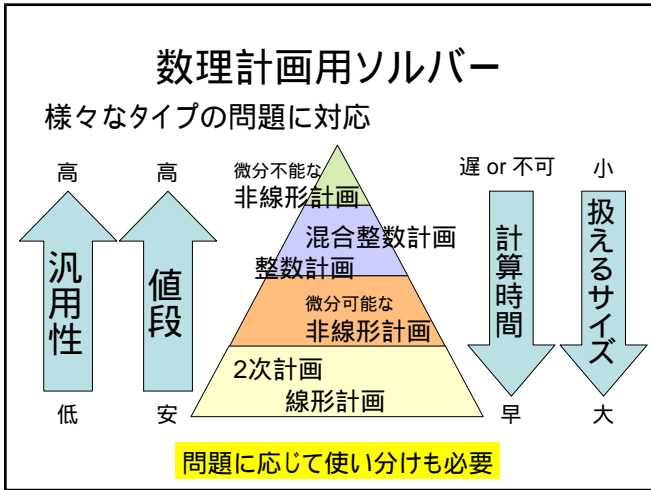
様々なソルバーの例

- 分子動力学法のソルバー
- 汎用固有値求解ソルバー
- 3次元渦電流解析ソルバー
- グラフ分割問題ソルバー

(googleでの検索結果より)



☀️ 数理計画問題の最適解を計算してくれるソルバー
数理計画ソルバー



主な数理計画ソルバー (商用)

- LINDO (LINDO) LINGO
✓ www.lindo.com
- What's Best! (LINDO) Excelのアドイン
- CPLEX (ILOG) 統合環境OPL Studio
✓ www.ilog.co.jp
- NUOPT (数理システム)
✓ www.msi.co.jp
- Xpress-MP (Dash)
✓ www.dashoptimization.com 他多数

価格は…
上から下まで

商用ソフトのリスト Optimization Software
<http://www-fp.mcs.anl.gov/otc/Guide/SoftwareGuide/>

主な数理計画ソルバー (無償)

- lp_solve
✓ ftp://ftp.es.ele.tue.ne/pub/lp_solve
- Excel付属のソルバーアドイン
- OR Program Library 問題別ソフト(LP含む)
✓ only1.snu.ac.kr/software/or_prog/
- NEOS 学習用ソフト (Java)
✓ <http://www-fp.mcs.anl.gov/otc/Guide/CaseStudies/>

性能・サポート重視なら商用!

情報収集には東京大学松井先生作成のHPが便利
<http://www.misojiro.t.u-tokyo.ac.jp/~tomomi/opt-code.html>

Linear Interactive and Discrete Optimizer

LINDO体験

LINDO体験版の入手方法

非線形計画
LINGO

Lindo社HP www.lindo.comにアクセス
 downloadタグ
 download LINDO
 をクリック
 簡単な手続き
 メールが届く
 ダウンロード




LINDOのインストール・起動

インストール

- ダウンロードしたファイルをクリック

LINDOの起動

- スタートメニューから「LINDO32」

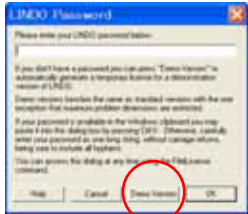
LINDO Password

- 体験版なので「Demo Version」のボタンを押す

AutoUpdateの確認

- 「No」でよい

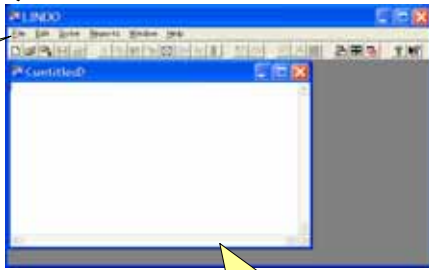
バージョンを数秒表示し起動



起動時の画面

フレームwindow LINDOの操作は「フレームwindow」内で行う

終了時は
File Exit



モデルwindow

解きたい数理計画問題を記述するエディタ
 起動時は「untitled」で名前が付いていない

モデルwindowへの問題入力

例題

```
max z = 6x1 + 5x2
s.t. 3x1 + x2 ≤ 45
      x1 + 2x2 ≤ 40
      x1, x2 ≥ 0
```

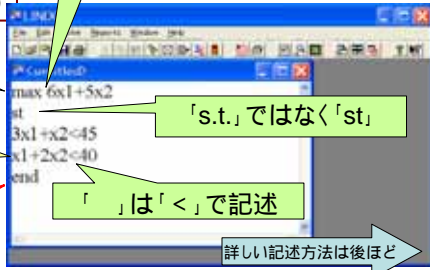
基本的に定式化をそのまま記述

zは省略

最大化はmax

「x1」はx₁
積「*」ではない

最後に「end」

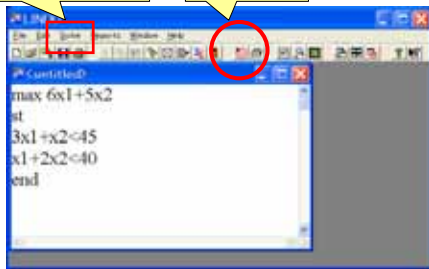


問題の解く

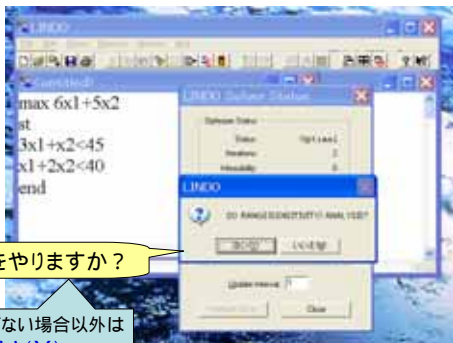
- 入力が済んだら問題を解かせる

solveメニュー

solveボタン



最適解の前に(1)



最適解の前に(2)

no feasible solution (infeasible)

feasible

解有 解無

最適解 非有界

optimal unbounded

解の状態

繰返し数

最適値

整数計画

計算時間

ステータスwindow

No Answer

一覧したら「Close」

エラー表示

入力に文法的なエラーがある場合

エラーメッセージ

エラー番号

エラーの内容

よくあるエラー:

- スペルミス
- 'st,'の書き忘れ
- 変数名の不統一

結果表示

レポートwindow

前半

基本的な最適解の情報

後半

感度分析に関する情報

結果表示(前)

レポートwindow

最適値
変数
最適解
余り or 不足
行

目的関数値
値
既約費用
限界値

例のシンプレックス表(最終)

基底変数	z	x1	x2	s1	s2	定数項
x1	0	1	0	2/5	-1/5	10
x2	0	0	1	-1/5	3/5	15
z	1	0	0	7/5	9/5	135

既約費用
限界値

最適解
最適値

結果表示(後)

略語

- OBJ=objective function(目的関数)
- COEF=Coefficient(係数)
- RHS=Right-Hand-Side(右辺)

感度分析での 範囲

basis:基底

費用係数の変化

右辺(定数項)の変化

infinity=

現在の値 の上限 の下限

例

3行目右辺	40	40+
現基底変数の組合せが変化しない	の範囲	
	-25	50

データの扱い

- モデルwindow, レポートwindowは保存可能
 - 拡張子は .ltx
 - 保存はテキスト形式
- 体験版は変数数・制約式本数に制限有



モデルwindow:書き方の約束

- 目的関数
 - 最大化 max
 - 最小化 min
 - 定数項は記入しない
- 変数のオプション
(endの後に記述)
 - 自由変数 free 変数名
 - 整数変数 gin 変数名
 - 0-1変数 int 変数名
- 制約条件式
 - 右辺は数字のみ
(ミス例) $3p < 4q + 5$
 - 不等号は「<」or「<=」
不号はLPでは不可
 - 等号は「=」
 - 非負制約は自動記述
- 変数名
 - 自由に設定可能



練習 モデル記述

	机 1台	椅子 1脚	ベット 1台	労働制限
職人A	3時間	2時間	4時間	40時間/週
職人B	2時間	4時間	3時間	42時間/週
利益	8千円	7千円	10千円	

利益最大の生産計画は?

- LINDOに入力するモデルを記述してみよう
- 実際に入力し,結果を読んでみよう

回答例(1)

入力例

```

LINDO
* C:\lindo\
max 8desk+7chair+10bed
st
3desk+2chair+4bed<=40
2desk+4chair+3bed<=42
end
gin desk
gin chair
gin bed
    
```

回答例(2)

出力画面

```

LIP OPTIMUM FOUND AT STEP 11
OBJECTIVE VALUE = 115.000000
END ALL DATA = 11 WITH RC = 0.000000
NEW INTEGER SOLUTION OF 115.000000 AT BRANCH 2 PIVOT 14
NUMBER OF ITERATIONS = 11.000000
INFORMATION COMPLETE SEARCHED = 2 PIVOTS = 14
LAST INTEGER SOLUTION IS THE MOST FOUND
RE-INSTALLING BEST SOLUTION
OBJECTIVE FUNCTION VALUE
SI 115.0000
VARIABLE VALUE REDUCED COST
CONST 15.000000 -3.000000
URBAN 5.000000 -1.000000
WCD 0.000000 -13.000000
MIN Slack on Supplies Dual Values
URBAN 2.000000 0.000000
WCD 2.000000 0.000000
NO ITERATIONS = 14
SEARCHED = 2 ITERATIONS = 1.000000
    
```

最適値

最適解

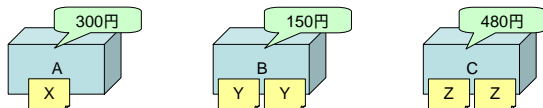
演習1 生産計画

	製品P 1000ml	製品Q 1000ml	使用限度
原料A	1kg	7kg	140kg
原料B	2kg	4kg	100kg
原料C	3kg	2kg	120kg
利益	3万円	2万円	

- 利益を最大にするP,Qの生産量は?
- 原料A,B,Cの限界価値は?
- 原料A,B,Cの増加限界は?
- 製品Qの利益は推定値. どの程度の誤差なら最適解に影響はないのか?

練習 定式化

3つの商品でクーポンキャンペーン実施中



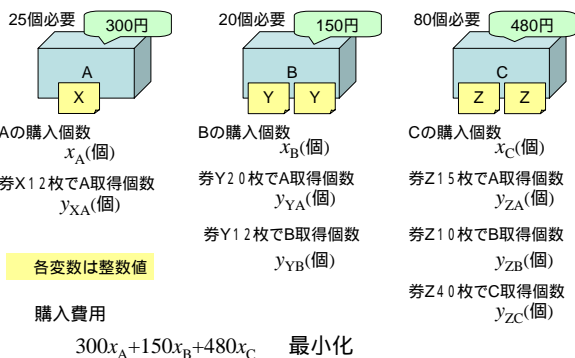
- 券X12枚で1個のAと交換
- 券Y20枚で1個のAと交換
- 券Z15枚で1個のAと交換
- 券Y12枚で1個のBと交換
- 券Z10枚で1個のBと交換
- 交換する商品には券無し
- 券Z40枚で1個のCと交換

キャンペーン内容

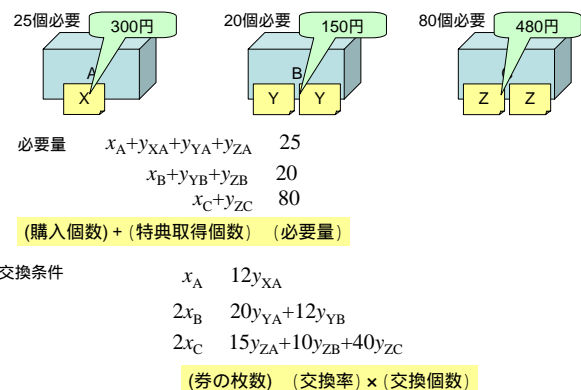
- 25個必要
- 20個必要
- 80個必要

最も安く必要数を購入するプランを考えたい. 定式化せよ. LINDOに入力し最適案を導出してみよう.

ヒント 変数の準備



解答例 定式化 (特典商品に券無し)



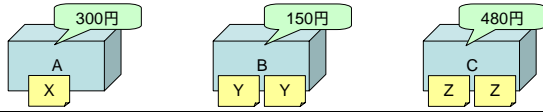
LINDO画面



演習2 定式化



3つの商品でクーポンキャンペーン実施中



券X12枚で1個のAと交換 券Y20枚で1個のAと交換 券Z15枚で1個のAと交換
 券Y12枚で1個のBと交換 券Z10枚で1個のBと交換
 交換する商品にも券が付く 券Z40枚で1個のCと交換

キャンペーン内容

25個必要 20個必要 80個必要

最も安く必要数を購入するプランを考えたい。定式化せよ。
 LINDOに入力し最適案を導出してみよう。

演習3

ある製紙会社では

• 幅540cm, 長さ50mの紙ロールを生産
 これから

- 幅150cm, 長さ50mの紙ロールを10本
- 幅120cm, 長さ50mの紙ロールを20本
- 幅70cm, 長さ50mの紙ロールを30本

作りたい。最小限必要な紙ロールの数は何本?

