



意思決定科学

情報学部 経営情報学科
堀田 敬介

2007.9.21,Fri.



目次

- 1.数理的意思決定とは？
- 2.数理的意思決定基準
- 3.意思決定者毎に最適は違う



1. 数理的意思決定とは？



1. 数理的意思決定とは？

- 複数の代替案がある時、どの選択をするかにより結果が異なる

↓

客観的な指標が欲しい

- 選んだ代替案を他の代替案と比べた時、自分の意思決定がどの程度妥当だったのかの判断指標
- 意思決定者・グループが各代替案に対して
 - (なるべく) 同じように評価・比較できる
 - (ある程度) 説得力がある, etc.

↓

数理的な尺度で計測したらどうだろう



1. 数理的意思決定とは？

- 数理的意思決定手法
 - ゲーム理論(Game Theory)
 - 線形計画法(LP)・多目的線形計画法(MLP)
 - 包絡分析法(DEA)
 - 階層分析法(AHP)・階層ネットワーク法(ANP)
 - シミュレーション(simulation)
 - 品質管理(TQC)
 - プレーンストーミング〔問題発見・予測〕
 - 制約条件の理論(TOC), etc.
- どの手法を用いればよいか？
 - 各手法は一長一短
 - 問題・状況を把握し最も適切な方法を採用
 - 何を知りたいのか？
 - 何がわかればよいのか？

問題の把握
と
手法の選択



1. 数理的意思決定とは？

- 手法の適用とヒント
 - 問題発見・状況認識
 - 状況を把握し、問題の背後にある本質を追究。何を知りたいのか？
 - 推論・モデル作成
 - 推論に基づきモデル作成、現実を支配する法則を数量的に明確化
 - 実験的方法
 - 実験によりモデルの普遍性を確認、将来予測に役立てる
 - 問題の変換
 - 問題把握や解決が困難な問題を、容易な問題に変換して考える

2. 数理的意思決定基準

● **ラプラスの基準**

● 状態の生起確率を等確率とした期待値 (= 算術平均)

● S_L が最大となる代替案を選択

$$\begin{cases} S_L(x_1) = (50 + 35 + 20 + 40) / 4 = 36.25 \\ S_L(x_2) = (45 + 50 + 35 + 25) / 4 = 38.75 \\ S_L(x_3) = (35 + 35 + 40 + 30) / 4 = 35.0 \\ S_L(x_4) = (45 + 20 + 5 + 70) / 4 = 35.0 \end{cases}$$

ドライブへ
行こう！

★ $\max_i S_L(x_i)$ ただし, $S_L(x_i) = \frac{1}{m} \sum_{j=1}^m w_{ij}$

2. 数理的意思決定基準

● **マキシミンの基準**

● 最悪の状態を考え、そのうち最もよい案を選択 (悲観論者の基準)

● S_p が最大となる代替案を選択

$$\begin{cases} S_p(x_1) = \min\{50, 35, 20, 40\} = 20 \\ S_p(x_2) = \min\{45, 50, 35, 25\} = 25 \\ S_p(x_3) = \min\{35, 35, 40, 30\} = 30 \\ S_p(x_4) = \min\{45, 20, 5, 70\} = 5 \end{cases}$$

映画鑑賞
をしよう！

★ $\max_i S_p(x_i)$ ただし, $S_p(x_i) = \min_j w_{ij}$

2. 数理的意思決定基準

● **マキシマックスの基準**

● 最良の状態を考え、そのうち最もよい案を選択 (楽観論者の基準)

● S_q が最大になる案を選択

$$\begin{cases} S_q(x_1) = \max\{50, 35, 20, 40\} = 50 \\ S_q(x_2) = \max\{45, 50, 35, 25\} = 50 \\ S_q(x_3) = \max\{35, 35, 40, 30\} = 40 \\ S_q(x_4) = \max\{45, 20, 5, 70\} = 70 \end{cases}$$

マリンス
ポーツだ！

★ $\max_i S_q(x_i)$ ただし, $S_q(x_i) = \max_j w_{ij}$

2. 数理的意思決定基準

● **フルビッツの基準**

● 悲観と楽観のバランスを取る

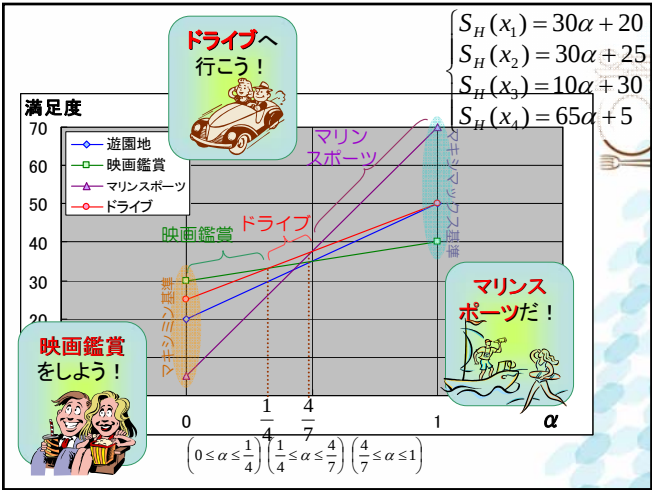
● 悲観・楽観度 α がその程度を表す

- $\alpha=1$: マキシマックスの基準と同じ
- $\alpha=0$: マキシミンの基準と同じ

● S_H が最大になる案を選択

$$\begin{cases} S_H(x_1) = 50\alpha + 20(1-\alpha) = 30\alpha + 20 \\ S_H(x_2) = 50\alpha + 25(1-\alpha) = 25\alpha + 25 \\ S_H(x_3) = 40\alpha + 30(1-\alpha) = 10\alpha + 30 \\ S_H(x_4) = 70\alpha + 5(1-\alpha) = 65\alpha + 5 \end{cases}$$

★ $\max_i S_H(x_i)$ ただし,
 $S_H(x_i) = \alpha \max_j w_{ij} + (1-\alpha) \min_j w_{ij} \quad (0 \leq \alpha \leq 1)$



2. 数理的意思決定基準

● **ミニマックス・リグレット基準**

● 状態が予め分かれば、選択したであろう最良案と、実際に選択した案との差〈後悔の念 (リグレット)〉, 機会損失を考え、代替案毎にそれが最大になるものを各々求め、それを最小にする

(クヨクヨ (後悔大好き) 悲観論者の基準)

★ $\min_i \max_j S_r(x_i)$ ただし,
 $S_r(x_i) = \max\{\max_j w_{ij} - w_{ij}\}$

● 最大機会損失が最小になる案を選択

2. 数理的意思決定基準

ミニマックス・リグレット基準

満足度表

代替案\天候	晴れ	曇り	雨	風
x_1 遊園地へ	50	35	20	40
x_2 ドライブ	45	50	35	25
x_3 映画鑑賞	35	35	40	30
x_4 マリンスポーツ	45	20	5	70

リグレット（機会損失）表

代替案\天候	晴れ	曇り	雨	風
x_1 遊園地へ	0	15	20	30
x_2 ドライブ	5	0	5	45
x_3 映画鑑賞	15	15	0	40
x_4 マリンスポーツ	5	30	35	0

遊園地へ行こう！

満足度表からリグレット表を作る

最大機会損失 W_5 を最小に

$S_r(x_1) = \max\{0, 15, 20, 30\} = 30$

$S_r(x_2) = \max\{5, 0, 5, 45\} = 45$

$S_r(x_3) = \max\{15, 15, 0, 40\} = 40$

$S_r(x_4) = \max\{5, 30, 35, 0\} = 35$

2. 数理的意思決定基準

ラプラス基準

平均（等確率の期待値）

x_2 案：ドライブ

マキシミン基準

悲観論者のための指標

x_3 案：映画鑑賞

マキシマックス基準

楽観論者のための指標

x_4 案：Mスポーツ

フルビッツ基準

中庸をゆく人の指標

x_2 案：ドライブ

x_3 案：映画鑑賞

x_4 案：Mスポーツ

ミニマックス・リグレット基準

別基準の悲観論者用

x_1 案：遊園地

2. 数理的意思決定基準

どの意思決定基準を採用すればいいのか？

意思決定者の視点

決定基準が立脚している視点

生起確率等、

悲観的、

楽観的、

悲観～楽観 程度毎、

最大機会損失最小

のうち意思決定者が適当と考える

視点に合致したものを選ぶ、

問題の性質

決定基準の持つ性質

を把握・検討し、現在

直面している問題の状況に最も相応しいものを採択、

2. 数理的意思決定基準

演習：

会社の中途採用の募集を掛けたところ、4人の応募があった。面接・試験等を行い、以下の能力が認められた。誰を採用すべきか？

	交渉力	事務処理	発想力	勤勉さ	粘り強さ
太郎	95	30	20	15	50
次郎	70	30	90	85	20
三郎	45	95	80	60	75
四郎	60	65	55	65	85

3. 意思決定者毎に最適は違う

3. 意思決定者で最適が違う！

例 宅配ピザの広告（チラシ）配達

想定顧客の分類

宅配ピザは大好き

宅配ピザなど頼まない

宅配ピザは嫌いではない

適当に配達する（とりあえず考えない）

配達頻度をどうするか？

問題 何が難しい（問題）か...

頻繁な広告、……嫌がられる。

余り広告をしないと、……忘れられてしまう。

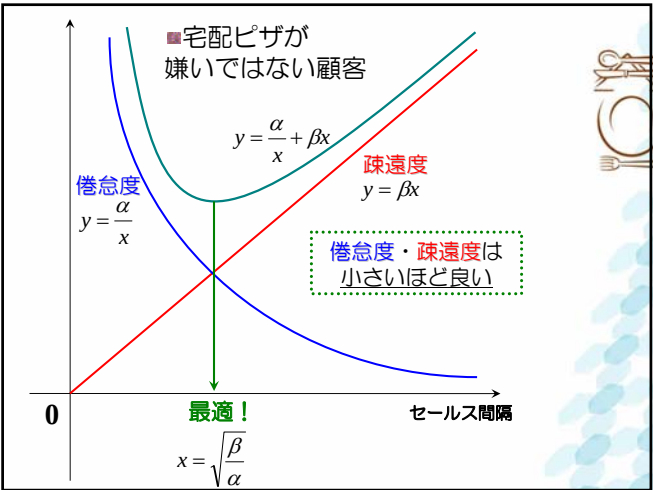
最適広告間隔は？

例えば…

● 広告配達間隔の観点から
倦怠度 と 疎遠度 を考察

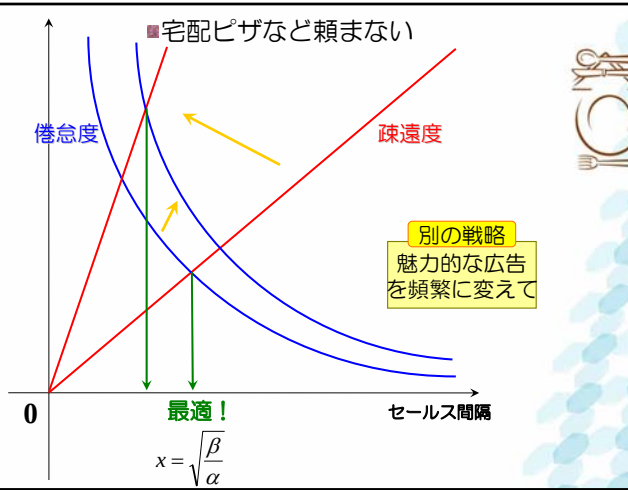
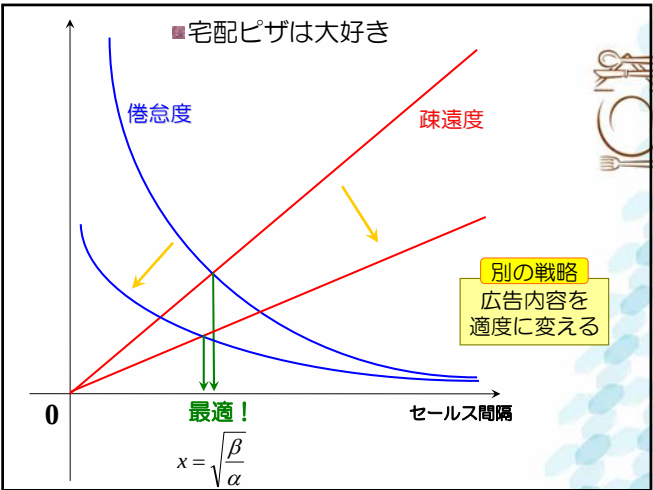
倦怠度…嫌がられ度
広告配達間隔が短ければ飽きられる
毎日もらうより1週間ぶりのほうが新鮮
→ 倦怠度 y は広告配達間隔 x に**反比例**するだろう
$$y = \frac{\alpha}{x} \quad [\alpha \text{ は人による反比例定数}]$$

疎遠度…忘れられ度
広告配達間隔が長いと親密感が育ちにくい
商品も広告内容も忘れられる
→ 疎遠度 y は広告配達間隔 x に**比例**するだろう
$$y = \beta x \quad [\beta \text{ は人による比例定数}]$$



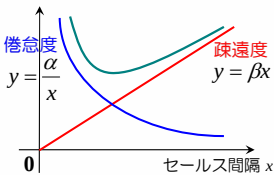
さて…

- 例 宅配ピザの広告（チラシ）配達
想定する顧客の嗜好による戦略の変更
- 宅配ピザは大好き
→ セールス間隔に対し**倦怠度小・疎遠度小**
 - 宅配ピザなど頼まない
→ セールス間隔に対し**倦怠度大・疎遠度大**
 - 宅配ピザは嫌いではない



3. 意思決定者で最適が違う！

- 演習：
- 倦怠度と疎遠度を表す比例定数 α 、 β がそれぞれ以下のよう
に与えられる顧客がいた場合、最適セールス間隔を求めよ。
 - 太郎：倦怠度の比例定数 $\alpha=3$ 、疎遠度の比例定数 $\beta=5$
 - 次郎：倦怠度の比例定数 $\alpha=2$ 、疎遠度の比例定数 $\beta=6$
 - 花子：倦怠度の比例定数 $\alpha=4$ 、疎遠度の比例定数 $\beta=2$
 - 湘子：倦怠度の比例定数 $\alpha=1$ 、疎遠度の比例定数 $\beta=7$



まとめ

- 採用基準により結果が違う
- 同じ基準でも，人により結果が違う



問題と，その問題に直面している人に，
最もよい基準・手法と調整を行うことが
最適な意思決定に通ずる！