

問題解決技法入門

3. Data Analysis

1. Cross Tabulation

堀田 敬介

クロス集計とは

- cross tabulation

– 2つ以上の属性間の関係を知りたい時に使う集計方法のひとつで、分割表ともよぶ

元データ

id	性別	年齢	嗜好1	嗜好2
1	女性	34	猫	紅茶
2	女性	21	犬	紅茶
3	男性	29	猫	紅茶
4	男性	69	猫	珈琲
5	女性	38	猫	紅茶
6	男性	64	猫	紅茶
7	男性	38	犬	珈琲
8	女性	37	猫	珈琲
9	男性	16	犬	珈琲
10	女性	25	犬	珈琲
11	女性	21	犬	紅茶
12	女性	17	猫	紅茶
13	男性	20	猫	珈琲
14	男性	16	犬	珈琲
15	女性	18	犬	紅茶

⋮

加工データ

id	性別	年代	嗜好1	嗜好2
1	女性	30	猫	紅茶
2	女性	20	犬	紅茶
3	男性	20	猫	紅茶
4	男性	60	猫	珈琲
5	女性	30	猫	紅茶
6	男性	60	猫	紅茶
7	男性	30	犬	珈琲
8	女性	30	猫	珈琲
9	男性	10	犬	珈琲
10	女性	20	犬	珈琲
11	女性	20	犬	紅茶
12	女性	10	猫	紅茶
13	男性	20	猫	珈琲
14	男性	10	犬	珈琲
15	女性	10	犬	紅茶

⋮

クロス集計(例1)

	列ラベル		
行ラベル	犬	猫	総計
10	13	7	20
20	16	16	32
30	16	23	39
40	16	25	41
50	13	16	29
60	19	17	36
70	3		3
総計	96	104	200

クロス集計(例2)

	列ラベル		
行ラベル	紅茶	珈琲	総計
女性	53	41	94
男性	57	49	106
総計	110	90	200

Excelでクロス集計

- 集計したい範囲を選択し [挿入]-[ピボットテーブル]-[OK]

Excelの「挿入」タブの「ピボットテーブル」グループが開かれている状態。背景には「データ2」というワークシートがあり、以下の表が表示されている。

	A	B	C	D	E	F	G	H
1								
2		id	商品	単価	数量	金額	仕入れ先	販売先
3		1	にんじん	¥100	177	¥17,700	農協JB	やおやB
4		2	じゃがいも	¥100	376	¥37,600	農協JC	スーパーε
5		3	にんじん	¥200	487	¥97,400	農協JB	スーパーδ
6		4	にんじん	¥90	456	¥41,040	農場β	やおやB
7		5	にんじん	¥200	370	¥74,000	農場β	やおやA
8		6	じゃがいも	¥90	269	¥24,210	農協JB	やおやA
9		7	じゃがいも	¥200	452	¥90,400	農場β	スーパーδ
10		8	にんじん	¥160	299	¥47,840	農協JC	やおやB
11		9	じゃがいも	¥90	102	¥9,180	農場γ	やおやB
12		10	じゃがいも	¥160	335	¥53,600	農場γ	やおやB
13		11	れんこん	¥100	341	¥34,100	農協JC	モールα
14		12	たまねぎ	¥90	273	¥24,570	農場γ	やおやB
15		13	にんじん	¥200	418	¥83,600	農場γ	やおやB
16		14	れんこん	¥200	397	¥79,400	農場β	スーパーε
17		15	じゃがいも	¥90	433	¥38,970	農場α	やおやB
18		16	にんじん	¥200	175	¥35,000	農協JB	やおやB
19		17	れんこん	¥90	170	¥15,300	農場γ	スーパーε

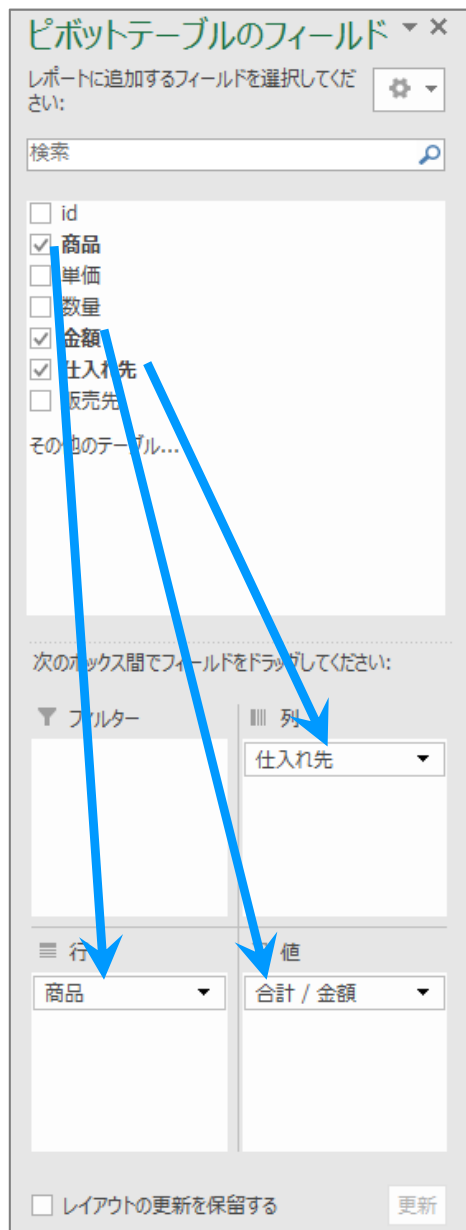
「ピボットテーブルの作成」ダイアログボックスの表示内容:

- 分析するデータを選択してください。
 - ☒ テーブルまたは範囲を選択(S)
 - テーブル/範囲(T): データ2!\$B\$2:\$H\$202
 - ☐ 外部データソースを使用(U)
 - 接続の選択(C)...
 - 接続名:
 - ☐ このブックのデータモデルを使用する(D)
- ピボットテーブル レポートを配置する場所を選択してください。
 - ☒ 新規ワークシート(N)
 - ☐ 既存のワークシート(E)
 - 場所(L):
- 複数のテーブルを分析するかどうかを選択
 - ☐ このデータをデータモデルに追加する(M)

ボタン: OK, キャンセル

Excelでクロス集計

- [ピボットテーブルのフィールド]



行・列にしたい属性(フィールド)を
それぞれ該当の場所にドラッグ&ドロップすれば
クロス集計表の完成

	A	B	C	D	E	F	G
1							
2							
3	合計 / 金額	列ラベル					
4	行ラベル	農協JB	農協JC	農場α	農場β	農場γ	総計
5	じゃがいも	¥227,990	¥209,870	¥416,070	¥181,680	¥301,090	¥1,336,700
6	たまねぎ	¥632,040	¥209,560	¥223,420	¥208,200	¥316,740	¥1,589,960
7	にんじん	¥455,810	¥291,930	¥492,780	¥443,520	¥208,200	¥1,892,240
8	はくさい	¥359,360	¥435,900	¥61,860	¥398,340	¥172,360	¥1,427,820
9	れんこん	¥425,520	¥88,400	¥285,020	¥437,740	¥617,690	¥1,854,370
10	総計	¥2,100,720	¥1,235,660	¥1,479,150	¥1,669,480	¥1,616,080	¥8,101,090
11							

【参考】

2変数間の分析法

尺度によって
分析法が変わ
ることに注意

- 2変数 x, y の相関関係を調べる方法(図表と式)

－ 例1	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	尺度
性別 x	男	男	女	男	男	男	女	女	男	女	質的
嗜好 y	紅茶	緑茶	珈琲	珈琲	緑茶	珈琲	紅茶	珈琲	珈琲	紅茶	質的

クロス集計

連関係数

－ 例2	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	尺度
飲量 x	15	32	16	30	50	12	14	24	18	19	量的
嗜好 y	紅茶	緑茶	珈琲	珈琲	緑茶	珈琲	紅茶	珈琲	珈琲	紅茶	質的

点グラフ

相関比

－ 例3	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	尺度
身長 x	176	170	163	173	170	171	165	170	176	156	量的
体重 y	61	73	54	65	67	62	51	57	77	43	量的

散布図

相関係数

2変数の関係

□ 2変数の関係1: x (質的) $\times$ y (質的) 図

	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	
性別 x	男	男	女	男	男	男	女	女	男	女	質的
嗜好 y	紅茶	緑茶	珈琲	珈琲	緑茶	珈琲	紅茶	珈琲	珈琲	紅茶	質的

クロス集計

	紅茶	緑茶	珈琲	計	
男	1	2	3	6	周辺度数
女	2	0	2	4	
計	3	2	5	10	総度数

周辺度数

2変数の関係

□ 2変数の関係1: x (質的) $\times$ y (質的)式

	紅茶	緑茶	珈琲	計
男	1	2	3	6
女	2	0	2	4
計	3	2	5	10

連関係数

クロス集計から理論度数を求める

	紅茶	緑茶	珈琲	計
男	1.8	1.2	3.0	6
女	1.2	0.8	2.0	4
計	3	2	5	10

$$1.8 = \frac{3 \cdot 6}{10}$$

$$2.0 = \frac{5 \cdot 4}{10}$$

□ クラメルの連関係数 *Cramer's coefficient of association*

$$V = \sqrt{\frac{\chi^2}{n \cdot m}}$$

$$(0 \leq V \leq 1)$$

$$\chi^2 = \frac{(1-1.8)^2}{1.8} + \frac{(2-1.2)^2}{1.2} + \dots + \frac{(0-0.8)^2}{0.8} + \frac{(2-2.0)^2}{2.0}$$

$$n = 10$$

$$m = \min\{2-1, 3-1\}$$

ピアソンの
 χ^2 統計量

(行数-1)と(列数-1)
の小さい方

2変数の関係

□ 2変数の関係1: x (質的) $\times$ y (質的)式

□ クラメル連関係数 *Cramer's coefficient of association*

	紅	緑	珈	計
男	0	3	9	12
女	6	0	0	6
計	6	3	9	18

	紅	緑	珈	計
男	3	1	8	12
女	3	2	1	6
計	6	3	9	18

	紅	緑	珈	計
男	4	2	6	12
女	2	1	3	6
計	6	3	9	18

$$\left\{ \begin{aligned} \chi^2 &= \frac{(0-4)^2}{4} + \frac{(3-2)^2}{2} + \frac{(9-6)^2}{6} \\ &\quad + \frac{(6-2)^2}{2} + \frac{(0-1)^2}{1} + \frac{(0-3)^2}{3} \\ &= 18 \\ n &= 18 \\ m &= \min\{2-1, 3-1\} = 1 \end{aligned} \right.$$

$$\rightarrow V = \sqrt{\frac{18}{18 \cdot 1}} = 1 \quad \text{嗜好と性別は完全相関}$$

$$\left\{ \begin{aligned} \chi^2 &= \frac{(3-4)^2}{4} + \frac{(1-2)^2}{2} + \frac{(8-6)^2}{6} \\ &\quad + \frac{(3-2)^2}{2} + \frac{(2-1)^2}{1} + \frac{(1-3)^2}{3} \\ &= 17/4 \\ n &= 18 \\ m &= \min\{2-1, 3-1\} = 1 \end{aligned} \right.$$

$$\rightarrow V = \sqrt{\frac{17/4}{18 \cdot 1}} \approx 0.49 \quad \text{嗜好と性別は多少相関}$$

$$\left\{ \begin{aligned} \chi^2 &= \frac{(4-4)^2}{4} + \frac{(2-2)^2}{2} + \frac{(6-6)^2}{6} \\ &\quad + \frac{(2-2)^2}{2} + \frac{(1-1)^2}{1} + \frac{(3-3)^2}{3} \\ &= 0 \\ n &= 18 \\ m &= \min\{2-1, 3-1\} = 1 \end{aligned} \right.$$

$$\rightarrow V = \sqrt{\frac{0}{18 \cdot 1}} = 0 \quad \text{嗜好と性別は無相関}$$

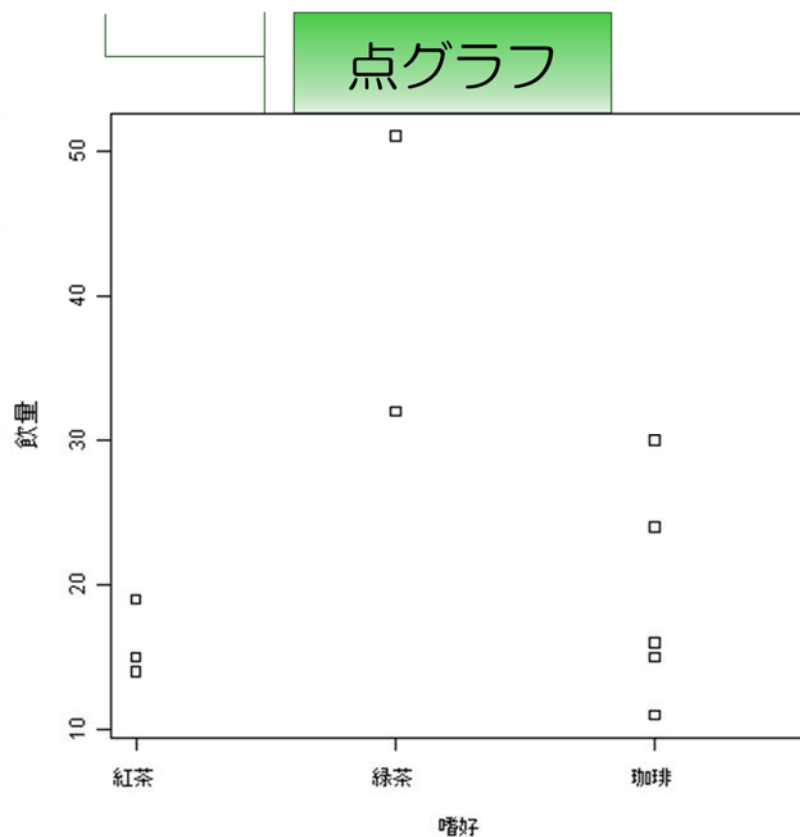
2変数の関係

□ 2変数の関係2: x (量的) $\times$ y (質的) 図

	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J
飲量 x	15	32	16	30	50	12	14	24	18	19
嗜好 y	紅茶	緑茶	珈琲	珈琲	緑茶	珈琲	紅茶	珈琲	珈琲	紅茶

量的

質的



2変数の関係

□ 2変数の関係2: x (量的) $\times y$ (質的)式

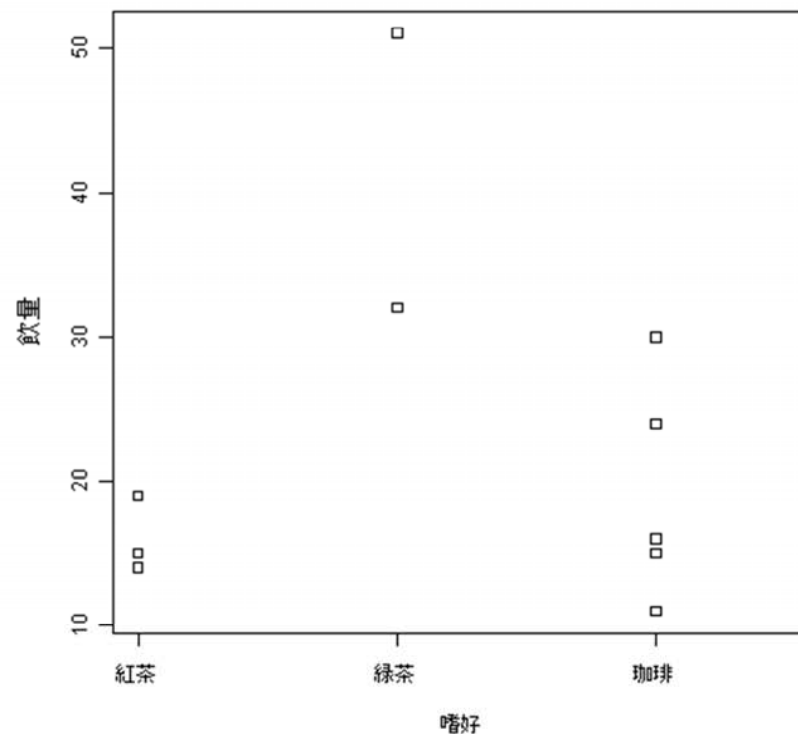
	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	
飲量 x	15	32	16	30	50	12	14	24	18	19	量的
嗜好 y	紅茶	緑茶	珈琲	珈琲	緑茶	珈琲	紅茶	珈琲	珈琲	紅茶	質的

相関比

□ 相関比 *correlation ratio*

$$\eta^2 = \frac{S_T}{S_B + S_T}$$

$$(0 \leq \eta^2 \leq 1)$$



2変数の関係

□ 2変数の関係2: x (量的) $\times y$ (質的)式

□ 相関比 *correlation ratio*

$$\eta^2 = \frac{S_T}{S_B + S_T} \quad (0 \leq \eta^2 \leq 1)$$

$$\eta^2 = \frac{840}{376 + 840} \approx 0.691$$

	紅茶	緑茶	珈琲
	14	32	12
	15	50	16
	19		18
			24
			30
個数	3	2	5
平均	16	41	20
偏差平方	49	324	9

$$49 = (16 - 23)^2$$

$$324 = (41 - 23)^2$$

$$9 = (20 - 23)^2$$

$$S_T = \underline{840} = 49 \times 3 + 324 \times 2 + 9 \times 5$$

級間変動

= 級平均と全平均との偏差平方の加重和

偏差平方	4	81	64
	1	81	16
	9		4
			16
			100
計	14	162	200

級間変動

$$14 = (14 - 16)^2 + (15 - 16)^2 + (19 - 16)^2$$

$$162 = (32 - 41)^2 + (50 - 41)^2$$

$$200 = (12 - 20)^2 + (16 - 20)^2 + \dots + (30 - 20)^2$$

$$S_B = \underline{376} = 14 + 162 + 200$$

級内変動

= 級内データと級平均との偏差平方の和

級内変動

2変数の関係

□ 2変数の関係2: x (量的) $\times y$ (質的)式

□ 相関比 *correlation ratio*

$$\eta^2 = \frac{840}{0 + 840} = 1$$

$$\eta^2 = \frac{840}{376 + 840} \approx 0.691$$

$$\eta^2 = \frac{0}{314 + 0} = 0$$

嗜好と飲量は完全相関

	紅茶	緑茶	珈琲	
	16	41	20	
	16	41	20	
	16		20	
			20	
			20	
個数	3	2	5	全平均
平均	16	41	20	23
偏差平方和	49	324	9	840

級間変動

偏差平方和	0	0	0	
	0	0	0	
	0		0	
			0	
			0	
			0	合計
計	0	0	0	0

級内変動

嗜好と飲量は多少相関

	紅茶	緑茶	珈琲	
	14	32	12	
	15	50	16	
	19		18	
			24	
			30	
個数	3	2	5	全平均
平均	16	41	20	23
偏差平方和	49	324	9	840

級間変動

偏差平方和	4	81	64	
	1	81	16	
	9		4	
			16	
			100	合計
計	14	162	200	376

級内変動

嗜好と飲量は無相関

	紅茶	緑茶	珈琲	
	19	15	15	
	21	31	20	
	29		25	
			25	
			30	
個数	3	2	5	全平均
平均	23	23	23	23
偏差平方和	0	0	0	0

級間変動

偏差平方和	16	64	64	
	4	64	9	
	36		4	
			4	
			49	合計
計	56	128	130	314

級内変動

2変数の関係

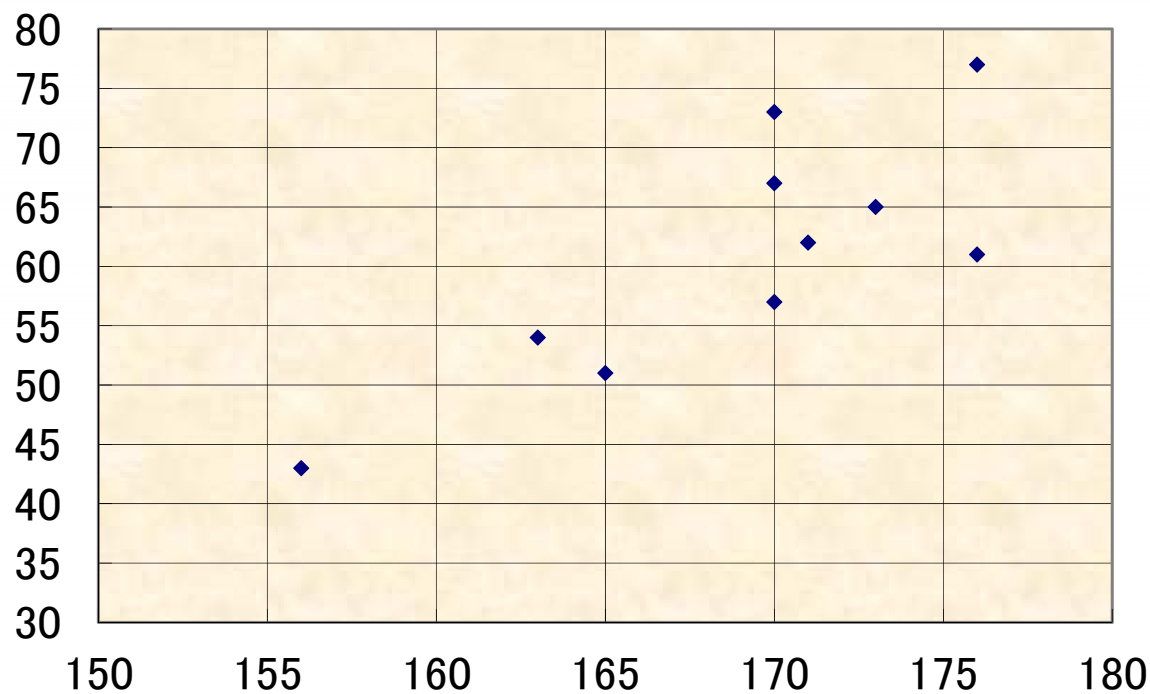
□ 2変数の関係3: x (量的) $\times$ y (量的) 図

	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J
身長 x	176	170	163	173	170	171	165	170	176	156
体重 y	61	73	54	65	67	62	51	57	77	43

量的

量的

散布図



2変数の関係

□ 2変数の関係3: x (量的) $\times$ y (量的)式

	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	平均
身長 x	176	170	163	173	170	171	165	170	176	156	169
体重 y	61	73	54	65	67	62	51	57	77	43	61

相関係数

□ ピアソンの積率相関係数 *Pearson's product-moment correlation coefficient*

$$r_{xy} = \frac{\text{COV}_{xy}}{S_x \cdot S_y}$$

$$\approx \frac{46}{5.848 \cdot 9.706}$$

$$\approx 0.81$$

$$(-1 \leq r_{xy} \leq 1)$$

$$\left\{ \begin{array}{l} \text{COV}_{xy} = \frac{(176-169)(61-61) + \dots + (156-169)(43-61)}{10} = 46 \quad (x, y \text{の共分散}) \\ S_x = \sqrt{\frac{(176-169)^2 + \dots + (156-169)^2}{10}} \approx 5.848 \quad (x \text{の標準偏差}) \\ S_y = \sqrt{\frac{(61-61)^2 + \dots + (43-61)^2}{10}} \approx 9.706 \quad (y \text{の標準偏差}) \end{array} \right.$$

2変数の関係

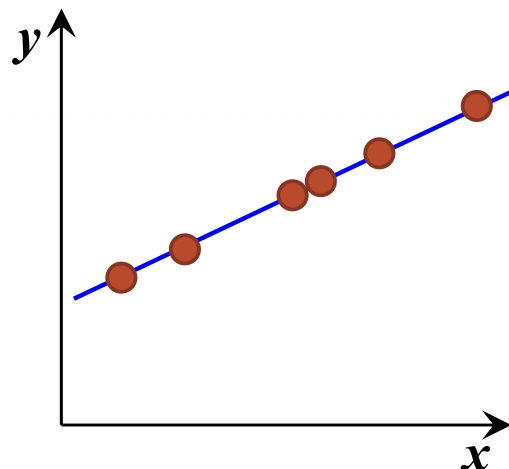
□ 2変数の関係3: x (量的) $\times$ y (量的) 式

□ ピアソンの積率相関係数 *Pearson's product-moment correlation coefficient*

$$r_{xy} = \frac{\text{COV}_{xy}}{S_x \cdot S_y} \quad (-1 \leq r_{xy} \leq 1)$$

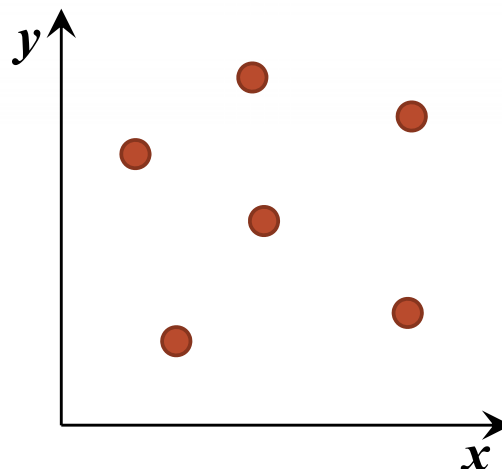
$$r_{xy} = \frac{\text{COV}_{xy}}{S_x \cdot S_y} = 1$$

身長と体重は正の相関



$$r_{xy} = \frac{\text{COV}_{xy}}{S_x \cdot S_y} = 0$$

身長と体重は無相関



$$r_{xy} = \frac{\text{COV}_{xy}}{S_x \cdot S_y} = -1$$

身長と体重は負の相関

