

2016/12/13 Tue.

問題解決技法入門

ゲーム理論

堀田 敬介

ゲーム理論とは何か？

出展:「数学セミナー」2014(v53,n10)p.9 渡辺隆裕

- ・ 喫茶店ダタールとスタボが2地域A,Bへの出店を検討中である
 - 各地域の1日あたり喫茶店利用見込み客は, A=600人, B=300人
 - 両店舗が別々の地域に出店すると, 見込み客を全て獲得できる
 - 両店舗が同じ地域に出店すると, スタボがダタールの2倍の客を獲得
 - 同時にどちらか1地域に必ず出店(両方出店や出店中止はない)
- ・ **問:**ダタールはどちらに出店すべきか？ またそれは**何故**か？

A 600人



B 300人

ゲーム理論とは何か？

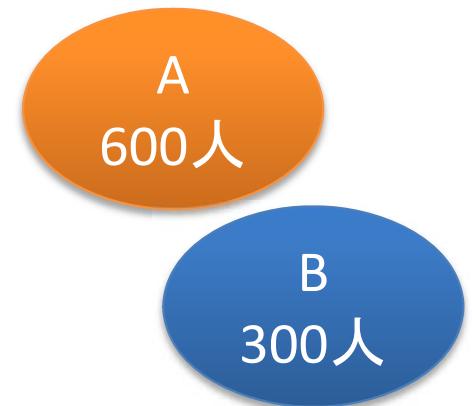
出展：「数学セミナー」2014(v53,n10)p.9 渡辺隆裕

- ・ 喫茶店ダタールとスタボが2地域A,Bへの出店を検討中である
 - 各地域の1日あたり喫茶店利用見込み客は, A=600人, B=300人
 - 両店舗が別々の地域に出店すると, 見込み客を全て獲得できる
 - 両店舗が同じ地域に出店すると, スタボがダタールの2倍の客を獲得
 - 同時にどちらか1地域に必ず出店(両方出店や出店中止はない)
- ・ **問**: ダタールは**どちら**に出店すべきか？ またそれは**何故**か？

ダタ＼スタ	A地域	B地域
A地域	(200,400)	(600,300)
B地域	(300,600)	(100,200)

◆ 検討

- ・ マキシミン基準(悲観的意思決定基準) → A地域へ出店せよ
- ・ マキシマックス基準(楽観的意思決定基準) → A地域へ出店せよ
- ・ ラプラス基準(平均値) → A地域へ出店せよ

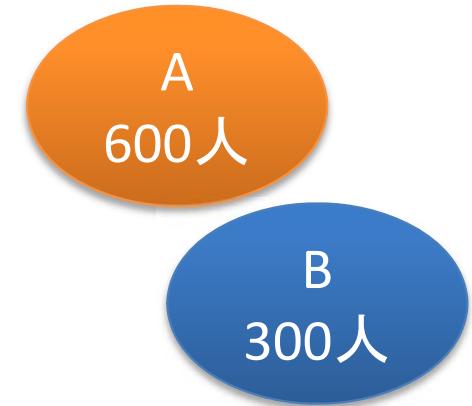


ゲーム理論とは何か？

出展：「数学セミナー」2014(v53,n10)p.9 渡辺隆裕

- ・ 喫茶店ダタールとスタボが2地域A,Bへの出店を検討中である
 - 各地域の1日あたり喫茶店利用見込み客は、A=600人、B=300人
 - 両店舗が別々の地域に出店すると、見込み客を全て獲得できる
 - 両店舗が同じ地域に出店すると、スタボがダタールの2倍の客を獲得
 - 同時にどちらか1地域に必ず出店（両方出店や出店中止はない）
- ・ **問**：ダタールはどちらに出店すべきか？ またそれは**何故**か？

ダタ＼スタ	A地域	B地域
A地域	(200,400)	(600,300)
B地域	(300,600)	(100,200)



◆ 検討

- ・ マキシミン基準（悲観的意思決定基準） → A地域へ出店せよ
- ・ マキシマックス基準（楽観的意思決定基準） → A地域へ出店せよ
- ・ ラプラス基準（平均値） → A地域へ出店せよ
- ・ **ゲーム理論**による解答 → B地域へ出店せよ

「1人の意思決定」と「複数の意思決定主体の相互作用であるゲーム」では解が異なる！

ゲーム理論とは何か？

- ゲーム的状況 game situations
 - 複数の意思決定主体(プレイヤー)が存在し、各々目的を持ち、その実現を目指して相互に依存しあっている状況
- ゲーム理論 game theory
 - ゲーム的状況を数理モデルを用いて定式化し、プレイヤー間の利害の対立と協力を分析する理論

J. von Neumann & O. Morgenstern
「ゲーム理論と経済行動」(1944)



John von Neumann (1903-1957)
John F. Nash (1928-)

ゲーム理論とは何か？

- プレイヤー player プレイヤーの集合
 $N = \{1, 2, \dots, n\}$
 - 意思決定し、行動する主体。(2人, 3人, ..., n人, ..., ∞)
 - 例: 個人, 複数の個人から成る組織, 政党, 国家, ...
- 戦略 strategy プレイヤー i の戦略集合
 $S_i = \{s_{i1}, s_{i2}, \dots, s_{im}\} \quad (i \in N)$
 - プレイヤーが取りうる行動。(有限, 無限)
- 利得と利得関数 payoff プレイヤー i の利得関数
 $f_i : S_1 \times S_2 \dots \times S_n \rightarrow R \quad (i \in N)$
 - 各プレイヤーの戦略決定後、ゲームは終了し、結果が出る。結果に対する各プレイヤーの何らかの評価値(利得 payoff, 効用 utility, ...)

$$G = (N, \{S_i\}_{i \in N}, \{f_i\}_{i \in N})$$

各プレイヤーは自己の利得最大化を目指し、
Gは全てのプレイヤーの共有知識とする

**To Cooperate, or to Defect,
that is the question!**

問題

戦略

Strategy

プレイヤー

Player

1. 状況説明

- ✓ 競合2投資集団があり、それはあなた達と相手方のグループである
- ✓ あなたたちのグループは利益の見込める事業に投資するつもりである
- ✓ 相手方のグループも競合する事業に投資するつもりのようだ

利得行列

payoff matrix

2. 取り得る手とその結果得られる収益

- ✓ 事業内容競合のため、それが独自に投資すると、各々50万の利益
- ✓ 互いに協力し、事業を統合して投資すると、各々500万の利益
- ✓ しかし、協力する姿勢を見せておいて相手を出し抜いた（裏切った）場合、あなたのグループは900万の利益を得、出しうかれた相手の利益は0となる
- ✓ 逆の場合、出し抜かれたあなた達の利益が0で、相手方は900万となる

3. 繰り返し

- ✓ 上記のような投資案件（同じ競合相手との投資合戦）は毎月発生し、続く
- ✓ あなた方の目的は、利益合計を最大にすることである

さて、どうするか？

ゲーム的状況

参考文献

- ◆ 鈴木光男「ゲーム理論入門」共立出版(1981,2003(新装版))
- ◆ 鈴木光男「新ゲーム理論」勁草書房(1994)
- ◆ 岡田章「ゲーム理論」有斐閣(1996)
- ◆ 渡辺隆裕「ゲーム理論入門」日本経済新聞社(2008)
- ◆ R.アクセルロッド「つきあい方の科学」ミネルヴァ書房(1998)

もっと知りたい人へ

- 関連する経営学科の授業
 - 「**意思決定科学**」(6セメ)
 - etc...