



# 意思決定科学

堀田 敬介

2019.9.17, Tue. ~



# 目次

1.意思決定とは？

2.意思決定基準

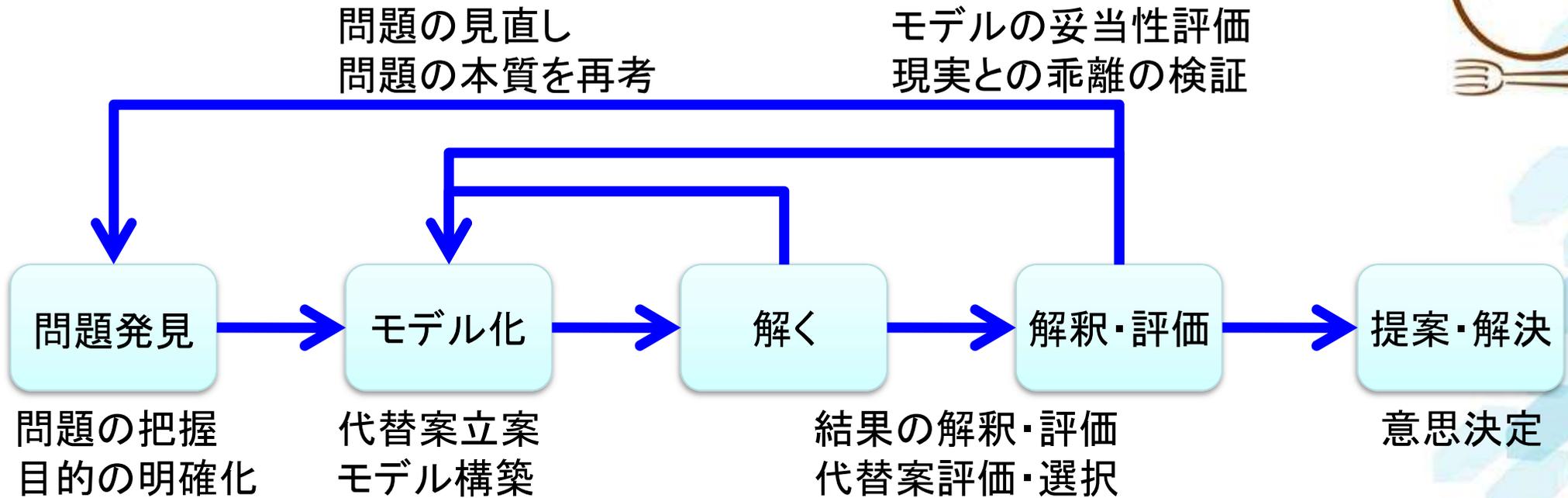
3.意思決定者毎に最適は違う



# 1. 意思決定とは？

# 1. 意思決定とは？

## ● 「問題の把握」から「意思決定」までの流れ



### ● 問題発見・状況認識

- 状況を把握し、問題の背後にある本質を捉える
- 何を知りたいのか？
- 何をしたいのか？

### ● 推論・モデル作成

- 推論に基づきモデル作成
- 現実を支配する法則を数量的に明確化

### ● 答えを導く

- 解法選択
- 解法構築
- パラメータ調整

### ● 結果評価・解釈

- 解法のもたらす結果の解釈・考察
- 得られた代替案の評価・分析



# 1. 意思決定とは？

- 複数の代替案がある時、どの選択をするかにより結果が異なる



客観的な指標が欲しい

- 選んだ代替案を他の代替案と比べた時、自分の意思決定がどの程度妥当だったのかの判断指標
- 意思決定者・グループが各代替案に対して
  - (なるべく) 同じように評価・比較できる
  - (ある程度) 説得力がある, etc.



数理的な尺度で計測したらどうだろう



# 1. 意思決定とは？

## ● 意思決定手法

- ゲーム理論 (Game Theory)
- 線形計画法 (Linear Programming) ・ 多目的線形計画法 (MLP)
- 包絡分析法 (Data Envelopment Analysis)
- 階層分析法 (Analytic Hierarchy Process) ・ 階層ネットワーク法 (ANP)
- シミュレーション (simulation)
- 最適化 (Optimization), 整数計画 ・ 非線形計画 ・ 組合せ最適化 etc.
- 確率計画法 (Stochastic Programming)
- 機械学習 (Machine Learning) ・ 深層学習 (Deep Learning)
- etc. ...

## ● どの手法を用いればよいか？

- 各手法は一長一短
- 問題・状況を把握し適切な方法/組合せを利用
  - 何を知りたいのか？ 何がわかればよいのか？

大事なものは…

問題の把握  
と  
適切な解決





## 2. 意思決定基準

## 2. 意思決定基準



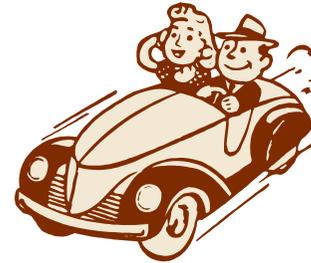
### 文教太郎君のデート計画

太郎君は花子さんと週末デートを計画している



◆遊園地

◆ドライブ



◆映画鑑賞



◆マリンスポーツ



のいずれかをしたいと思っている。太郎君によると、花子さんは天気によってデートコースの評価（満足度）が変わるらしい。花子さんをとてもハッピーにしたい太郎君だが、週末の天気がどうなるかわからないので困っている。

太郎君の親友であるあなたは、どうアドバイスする？

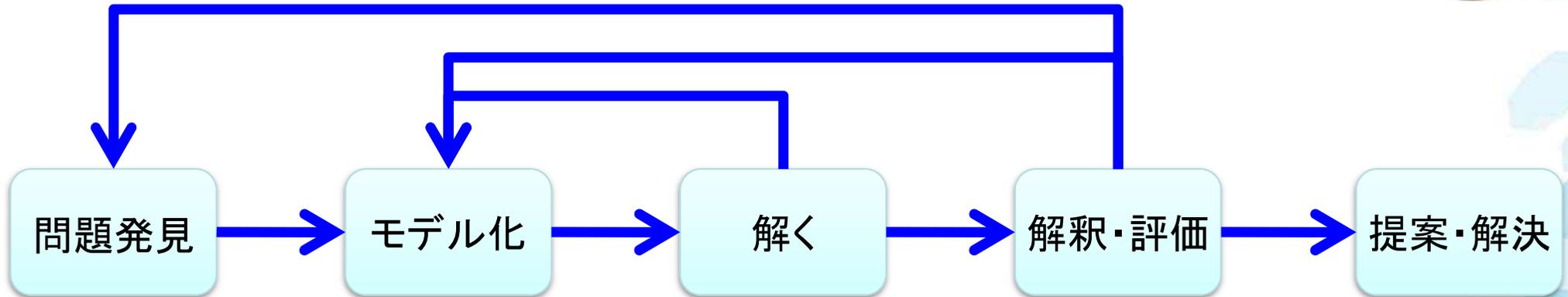
# 2. 意思決定基準

## 太郎君のデート計画どうしましょう？



問題の見直し  
問題の本質を再考

モデルの妥当性評価  
現実との乖離の検証



問題の把握  
目的の明確化

代替案立案  
モデル構築

結果の解釈・評価  
代替案評価・選択

意思決定

### 問題発見・状況認識

- 週末のデート
- 4つの代替案
- 天候予測不能
- 花子さんを超ハッピーに！

- ?
- ?
- ?

### 推論・モデル作成

- ?
- ?
- ?

### 答えを導く

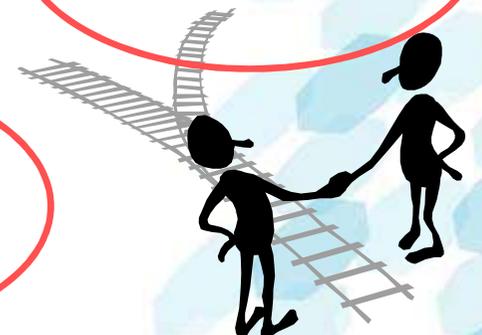
- ?
- ?
- ?

### 結果評価・解釈

- ?
- ?
- ?

### 意思決定支援

- さあ、これでいけ！



## 2. 意思決定基準

### 太郎君のデート計画

- 各代替案と天候による花子の満足度（太郎の調査による）

代替案 \ 天候		晴れ	曇り	雨	風
$x_1$	遊園地へ	50	35	20	40
$x_2$	ドライブ	45	50	35	25
$x_3$	映画鑑賞	35	35	40	30
$x_4$	マリンスポーツ	45	20	5	70

- もし、晴れたら  $\Rightarrow$   $x_1$ 案『遊園地へ』が一番よい
- もし、曇りなら  $\Rightarrow$   $x_2$ 案『ドライブ』が一番よい
- もし、雨ならば  $\Rightarrow$   $x_3$ 案『映画鑑賞』が一番よい
- もし、風ならば  $\Rightarrow$   $x_4$ 案『マリンスポーツ』が一番よい

どうしよう……。あなたならどうする？



## 2. 意思決定基準

● 各代替案に得点を与えて比較しよう

状態数:  $j = 1, 2, 3, 4$

代替案数	$x_i \setminus j$	晴	曇	雨	風
1	$x_1$ 遊園地	50	35	20	40
2	$x_2$ ドライブ	45	50	35	25
3	$x_3$ 映画鑑賞	35	35	40	30
4	$x_4$ マリンスポーツ	45	20	5	70

花子さんの満足度を  $w_{ij}$  と表すことにしよう

$$\begin{cases} w_{11} = 50, w_{12} = 35, w_{13} = 20, w_{14} = 40 \\ w_{21} = 45, w_{22} = 50, w_{23} = 35, w_{24} = 25 \\ w_{31} = 35, w_{32} = 35, w_{33} = 40, w_{34} = 30 \\ w_{41} = 45, w_{42} = 20, w_{43} = 5, w_{44} = 70 \end{cases}$$

● 各代替案の得点は…

$$\begin{cases} S(x_1) = ? \leftarrow \text{遊園地の得点} \\ S(x_2) = ? \leftarrow \text{ドライブの得点} \\ S(x_3) = ? \leftarrow \text{映画鑑賞の得点} \\ S(x_4) = ? \leftarrow \text{マリンスポーツの得点} \end{cases}$$

つまり、  
最も得点の高い代替案を  
太郎君に推薦しよう！  
ということ

## 2. 意思決定基準

ではどのように代替案に得点を付ける？

$$\begin{cases} S(x_1) = ? \leftarrow x_1 = \text{遊園地} \text{ の得点 } S(x_1) \\ S(x_2) = ? \leftarrow x_2 = \text{ドライブ} \text{ の得点 } S(x_2) \\ S(x_3) = ? \leftarrow x_3 = \text{映画鑑賞} \text{ の得点 } S(x_3) \\ S(x_4) = ? \leftarrow x_4 = \text{マリンスポーツ} \text{ の得点 } S(x_4) \end{cases}$$



代替案選択のための代表的な基準

● ラプラスの基準	Laplace	… $S_L$
● マキシミンの基準	maximin	… $S_p$
● マキシマックスの基準	maximax	… $S_q$
● フルビッツの基準	Hurwitz	… $S_H$
● ミニマックス・リグレット基準	minimax regret	… $S_r$

## 2. 意思決定基準

$x_i \setminus j$		晴	曇	雨	風
$x_1$	遊園地	50	35	20	40
$x_2$	ドライブ	45	50	35	25
$x_3$	映画鑑賞	35	35	40	30
$x_4$	マリンスポーツ	45	20	5	70

$w_{ij}$

### ● ラプラスの基準

- 状態の生起確率を等確率とした期待値 (= 算術平均)
- $S_L$  が最大となる代替案を選択

$$\begin{cases} S_L(x_1) = (50 + 35 + 20 + 40) / 4 = 36.25 \\ S_L(x_2) = (45 + 50 + 35 + 25) / 4 = 38.75 \\ S_L(x_3) = (35 + 35 + 40 + 30) / 4 = 35.0 \\ S_L(x_4) = (45 + 20 + 5 + 70) / 4 = 35.0 \end{cases}$$



★  $\max_i S_L(x_i)$  ただし,  $S_L(x_i) = \frac{1}{m} \sum_{j=1}^m w_{ij}$

## 2. 意思決定基準

### ●● たくさんの平均値基準

#### ●● 単純平均 (=Laplace)

●● 遊園地の場合： $(50+35+20+40)/4$

#### ●● 最大と最小の平均 (cf. Hurwitz)

●● 遊園地の場合： $(50+20)/2$

#### ●● 最大と最小を除外して平均をとる

●● 遊園地の場合： $(35+20)/2$

●● etc.

$x_i \setminus j$		晴	曇	雨	風
$x_1$	遊園地	50	35	20	40
$x_2$	ドライブ	45	50	35	25
$x_3$	映画鑑賞	35	35	40	30
$x_4$	マリンスポーツ	45	20	5	70

## 2. 意思決定基準

### マキシミンの基準

- 最悪の状態を考え、そのうち最もよい案を選択（悲観論者の基準）
- $S_p$  が最大となる代替案を選択

$$\left\{ \begin{array}{l} S_p(x_1) = \min\{50, 35, 20, 40\} = 20 \\ S_p(x_2) = \min\{45, 50, 35, 25\} = 25 \\ S_p(x_3) = \min\{35, 35, 40, 30\} = 30 \\ S_p(x_4) = \min\{45, 20, 5, 70\} = 5 \end{array} \right.$$

$x_i \setminus j$		晴	曇	雨	風
$x_1$	遊園地	50	35	20	40
$x_2$	ドライブ	45	50	35	25
$x_3$	映画鑑賞	35	35	40	30
$x_4$	マリンスポーツ	45	20	5	70

$w_{ij}$

映画鑑賞  
をしよう！



★  $\max_i S_p(x_i)$  ただし,  $S_p(x_i) = \min_j w_{ij}$

## 2. 意思決定基準

### ● マキシマックスの基準

- 最良の状態を考え、そのうち最もよい案を選択（楽観論者の基準）
- $S_q$  が最大になる案を選択

$$\left\{ \begin{array}{l} S_q(x_1) = \max\{50, 35, 20, 40\} = 50 \\ S_q(x_2) = \max\{45, 50, 35, 25\} = 50 \\ S_q(x_3) = \max\{35, 35, 40, 30\} = 40 \\ S_q(x_4) = \max\{45, 20, 5, 70\} = 70 \end{array} \right.$$

$x_i \setminus j$		晴	曇	雨	風
$x_1$	遊園地	50	35	20	40
$x_2$	ドライブ	45	50	35	25
$x_3$	映画鑑賞	35	35	40	30
$x_4$	マリンスポーツ	45	20	5	70

$w_{ij}$



★  $\max_i S_q(x_i)$  ただし、 $S_q(x_i) = \max_j w_{ij}$

## 2. 意思決定基準

$x_i \setminus j$		晴	曇	雨	風
$x_1$	遊園地	50	35	20	40
$x_2$	ドライブ	45	50	35	25
$x_3$	映画鑑賞	35	35	40	30
$x_4$	マリンスポーツ	45	20	5	70

$w_{ij}$

### フルビッツの基準

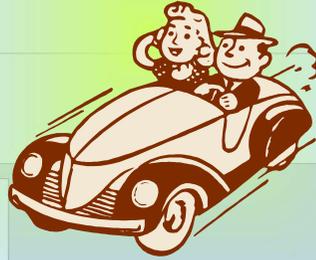
- 悲観と楽観のバランスを取る
- 悲観・楽観度 $\alpha$ がその程度を表す
  - $\alpha=1$  : マキシマックスの基準と同じ
  - $\alpha=0$  : マキシミンの基準と同じ
- $S_H$ が最大になる案を選択

$$\begin{cases} S_H(x_1) = 50\alpha + 20(1-\alpha) = 30\alpha + 20 \\ S_H(x_2) = 45\alpha + 25(1-\alpha) = 25\alpha + 25 \\ S_H(x_3) = 40\alpha + 30(1-\alpha) = 10\alpha + 30 \\ S_H(x_4) = 70\alpha + 5(1-\alpha) = 65\alpha + 5 \end{cases}$$

★  $\max_i S_H(x_i)$  ただし,

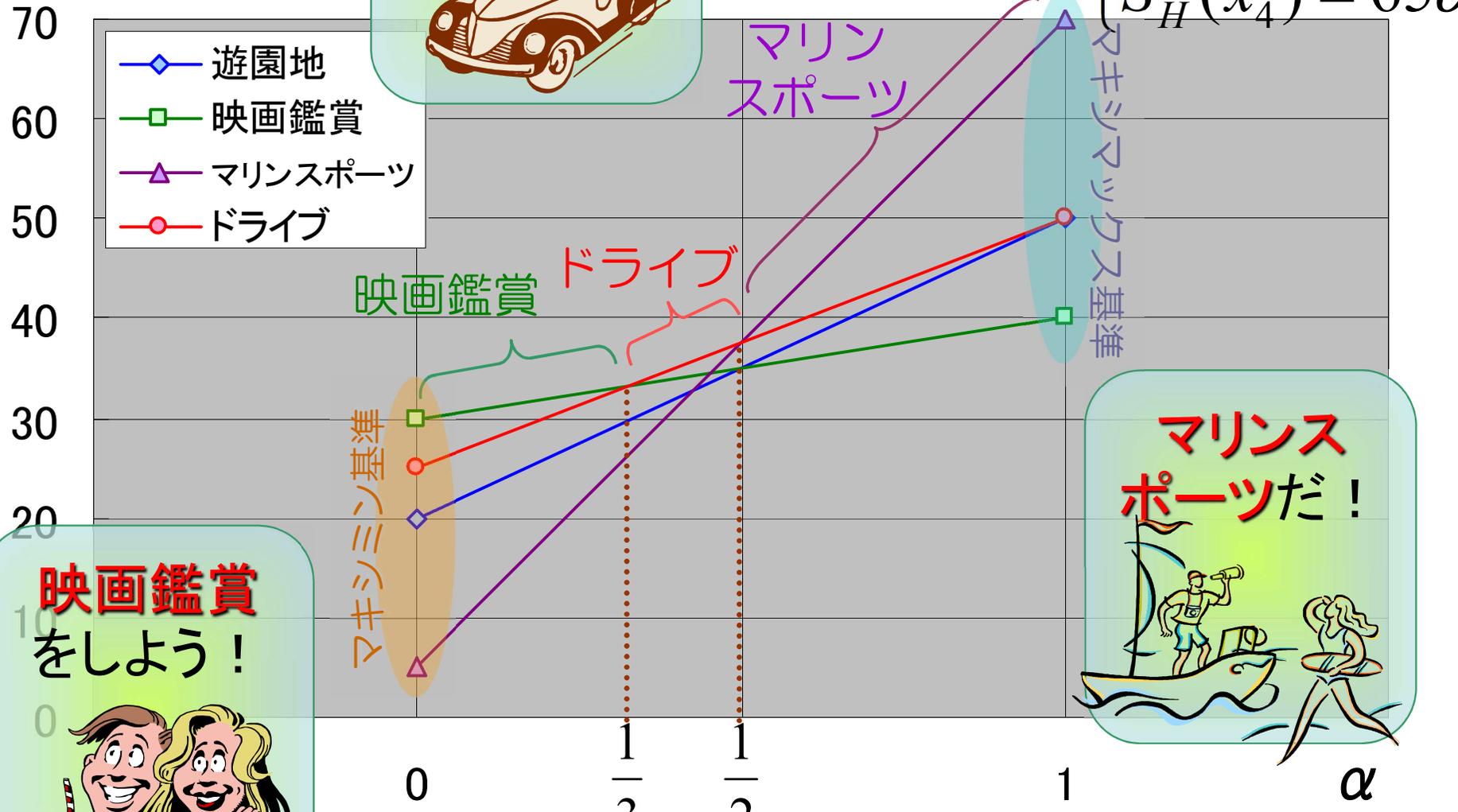
$$S_H(x_i) = \alpha \max_j w_{ij} + (1-\alpha) \min_j w_{ij} \quad (0 \leq \alpha \leq 1)$$

ドライブへ行こう！



$$\begin{cases} S_H(x_1) = 30\alpha + 20 \\ S_H(x_2) = 25\alpha + 25 \\ S_H(x_3) = 10\alpha + 30 \\ S_H(x_4) = 65\alpha + 5 \end{cases}$$

満足度



映画鑑賞をしよう！



マキシミン基準

マリンスポーツ

マリンスポーツだ！



$$\left(0 \leq \alpha \leq \frac{1}{3}\right) \left(\frac{1}{3} \leq \alpha \leq \frac{1}{2}\right) \left(\frac{1}{2} \leq \alpha \leq 1\right)$$

## 2. 意思決定基準

$x_i \setminus j$		晴	曇	雨	風
$x_1$	遊園地	50	35	20	40
$x_2$	ドライブ	45	50	35	25
$x_3$	映画鑑賞	35	35	40	30
$x_4$	マリンスポーツ	45	20	5	70

$w_{ij}$

### ミニマックス・リグレット基準

- 状態が予め分かっていたら選択したであろう最良案と、実際に選択した案との差〈後悔の念（リグレット）, 機会損失〉を考え、代替案毎にそれが最大になるものを各々求め、それを最小にする

(なるべく後悔したくない悲観論者の基準)

- 最大機会損失 $S_r$  が最小になる案を選択

★  $\min_i S_r(x_i)$  ただし,

$$S_r(x_i) = \max_j \{ \max_i w_{ij} - w_{ij} \}$$

## 2. 意思決定基準

### ミニマックス・リグレット基準

満足度表

代替案 \ 天候		晴れ	曇り	雨	風
$x_1$	遊園地へ	50	35	20	40
$x_2$	ドライブ	45	50	35	25
$x_3$	映画鑑賞	35	35	40	30
$x_4$	マリンスポーツ	45	20	5	70



リグレット（機会損失）表

代替案 \ 天候		晴れ	曇り	雨	風
$x_1$	遊園地へ	0	15	20	30
$x_2$	ドライブ	5	0	5	45
$x_3$	映画鑑賞	15	15	0	40
$x_4$	マリンスポーツ	5	30	35	0

満足度表からリグレット表を作る



最大機会損失  $W_s$  を最小に

$$\begin{cases} S_r(x_1) = \max\{0, 15, 20, 30\} = 30 \\ S_r(x_2) = \max\{5, 0, 5, 45\} = 45 \\ S_r(x_3) = \max\{15, 15, 0, 40\} = 40 \\ S_r(x_4) = \max\{5, 30, 35, 0\} = 35 \end{cases}$$

遊園地へ  
行こう！



## 2. 意思決定基準

- ◆ **ラプラス基準**  
平均(等確率の期待値) →  $x_2$ 案 : ドライブ
- ◆ **マキシミン基準**  
悲観論者のための指標 →  $x_3$ 案 : 映画鑑賞
- ◆ **マキシマックス基準** →  $x_4$ 案 : Mスポーツ  
楽観論者のための指標
- ◆ **フルビッツ基準** →  $\begin{cases} x_2 \text{案} : \text{ドライブ} \\ x_3 \text{案} : \text{映画鑑賞} \\ x_4 \text{案} : \text{Mスポーツ} \end{cases}$   
中庸をゆく人の指標
- ◆ **ミニマックス・リグレット基準** →  $x_1$ 案 : 遊園地  
後悔する悲観論者用



## 2. 意思決定基準

### 5つの意思決定基準

#### 4基準のまとめ

代替案 \ 天候		晴	曇	雨	風	min	ave	max	
$x_1$	遊園地へ	50	35	20	40	20	36.3	50	$50\alpha + 20(1-\alpha)$
$x_2$	ドライブ	45	50	35	25	25	38.8	50	$50\alpha + 25(1-\alpha)$
$x_3$	映画鑑賞	35	35	40	30	30	35.0	40	$40\alpha + 30(1-\alpha)$
$x_4$	マリンスポーツ	45	20	5	70	5	35.0	70	$70\alpha + 5(1-\alpha)$
					max	30	38.8	70	$\alpha$ による

↑  
maximin  
最小値最大

↑  
Laplace  
平均値最大

↑  
Hurwitz  
最大・最小案分値最大

↑  
maximax  
最大値最大



他にも、妥当と思われる基準を考えてみよう

## 2. 意思決定基準

● どの意思決定基準を採用すればいいのか？

### 意思決定者の視点

決定基準が立脚している視点  
生起確率等,  
悲観的,  
楽観的,  
悲観～楽観 程度毎,  
最大機会損失最小

のうち意思決定者が適切と考える  
視点に合致したものを選ぶ。

### 問題の性質

決定基準の持つ性質  
を把握・検討し、現在  
直面している問題の状  
況に最も相応しいもの  
を採択。



## 2. 意思決定基準

### ● 演習：

- 会社の中途採用の募集を掛けたところ、4人の応募があった。面接・試験等を行い、以下の能力が認められた。誰を採用すべきか？
- 意思決定基準の値をそれぞれ計算し、比較せよ
- あなたの考えた意思決定基準の値を計算せよ

	交渉力	事務処理	発想力	勤勉さ	粘り強さ
太郎	95	30	20	15	50
次郎	70	30	90	85	20
三郎	45	95	80	60	75
四郎	60	65	55	65	85





### 3. 意思決定者毎に最適は違う

### 3. 意思決定者で最適が違う！

#### 例▶ 宅配ピザの広告（チラシ）配達



#### ●● 想定顧客の分類

- 宅配ピザは大好き
  - 宅配ピザなど頼まない
  - 宅配ピザは嫌いではない
- 適当に配達する  
(とりあえず考えない)  
配達頻度をどうするか？

**問題** 何が難しい（問題）か...

- 頻繁な広告， ……嫌がられる。
- 余り広告をしないと， ……忘れられてしまう。



最適広告間隔は？

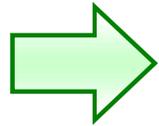
# 例えば…

## ● 広告配達間隔の観点から

### 倦怠度 と 疎遠度 を考察

#### 倦怠度…嫌がられ度

広告配達間隔が短ければ飽きられる  
毎日もらうより1週間ぶりのほうが新鮮

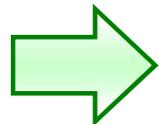


倦怠度  $y$  は広告配達間隔  $x$  に反比例するだろう

$$y = \frac{\alpha}{x} \quad [\alpha \text{は人による反比例定数}]$$

#### 疎遠度…忘れられ度

広告配達間隔が長いと親密感が育ちにくい  
商品も広告内容も忘れられる



疎遠度  $y$  は広告配達間隔  $x$  に比例するだろう

$$y = \beta x \quad [\beta \text{は人による比例定数}]$$



■ 宅配ピザが  
嫌いではない顧客

$$y = \frac{\alpha}{x} + \beta x$$

倦怠度  
 $y = \frac{\alpha}{x}$

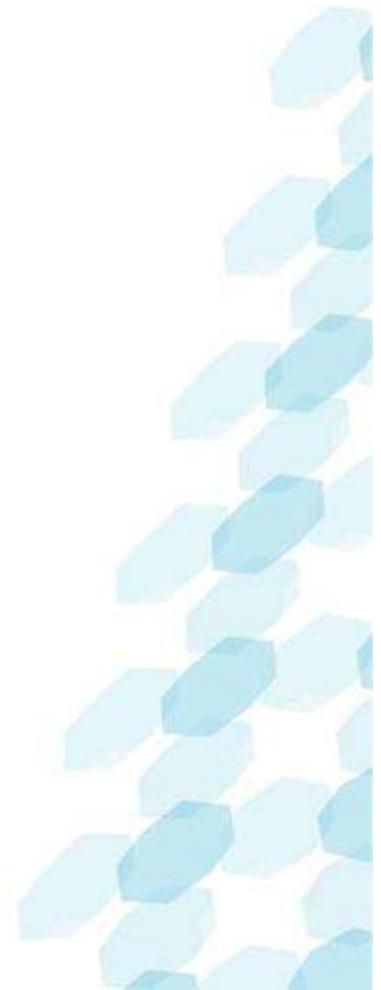
疎遠度  
 $y = \beta x$

倦怠度・疎遠度は小  
さいほど良い

最適！

$$x = \sqrt{\frac{\alpha}{\beta}}$$

セールス間隔



さて…

例▶ 宅配ピザの広告（チラシ）配達

想定する顧客の嗜好による戦略の変更

■ 宅配ピザは大好き

➡ セールス間隔に対し倦怠度小・疎遠度小

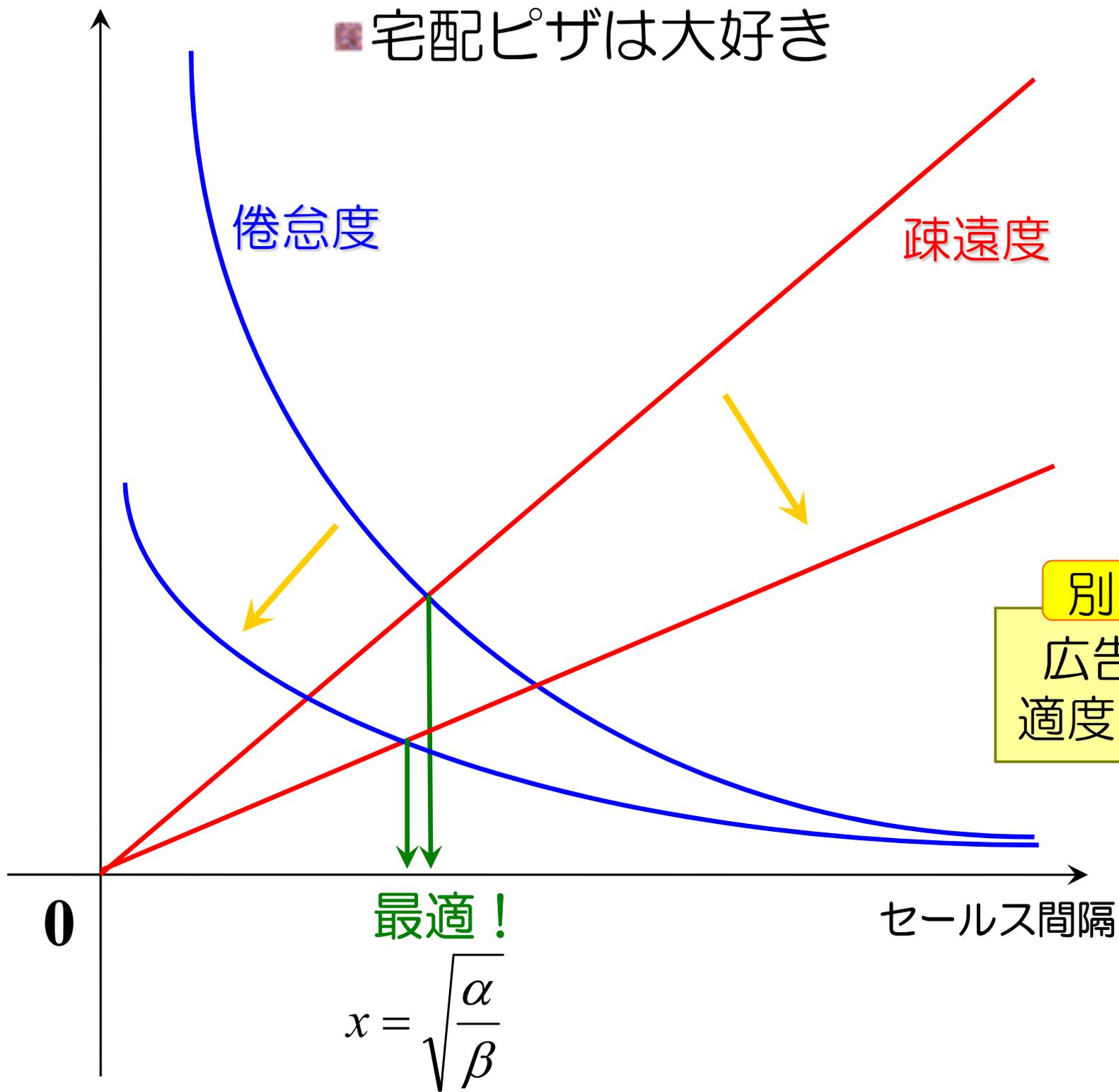
■ 宅配ピザなど頼まない

➡ セールス間隔に対し倦怠度大・疎遠度大

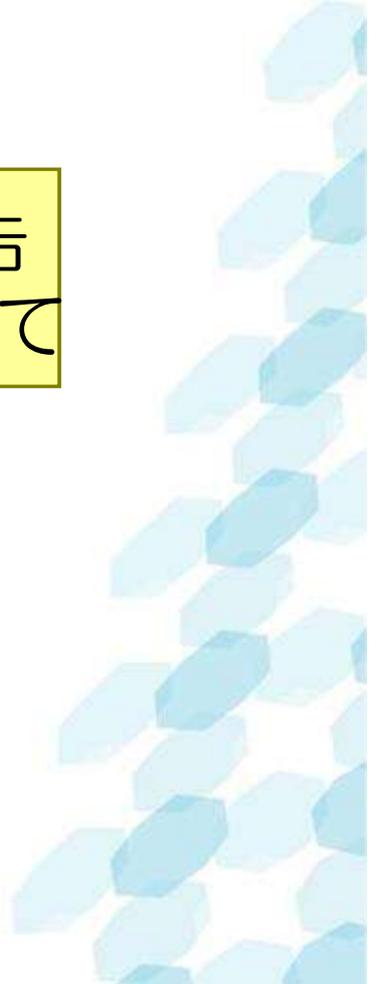
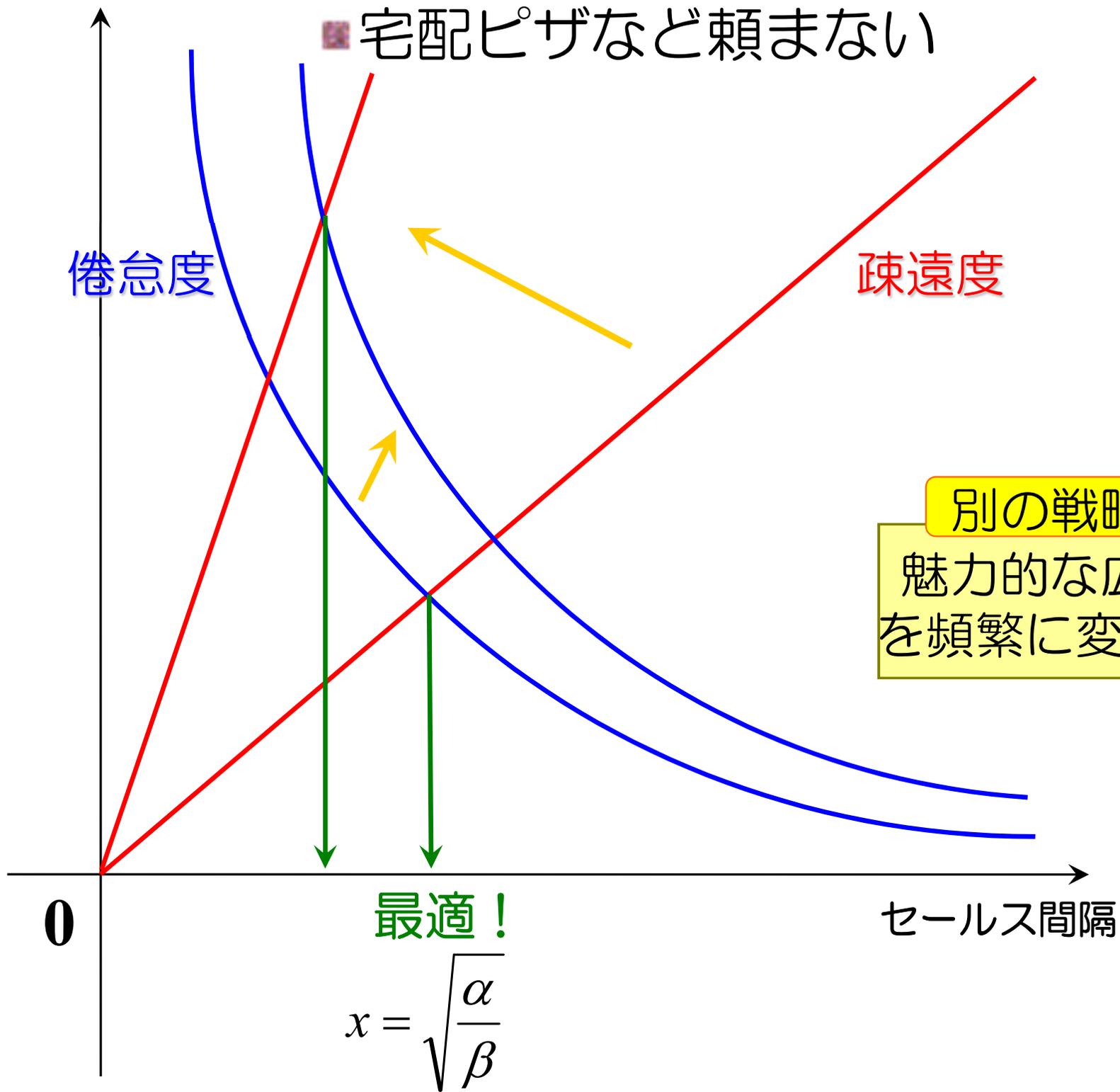
■ 宅配ピザは嫌いではない



# ■ 宅配ピザは大好き



■ 宅配ピザなど頼まない



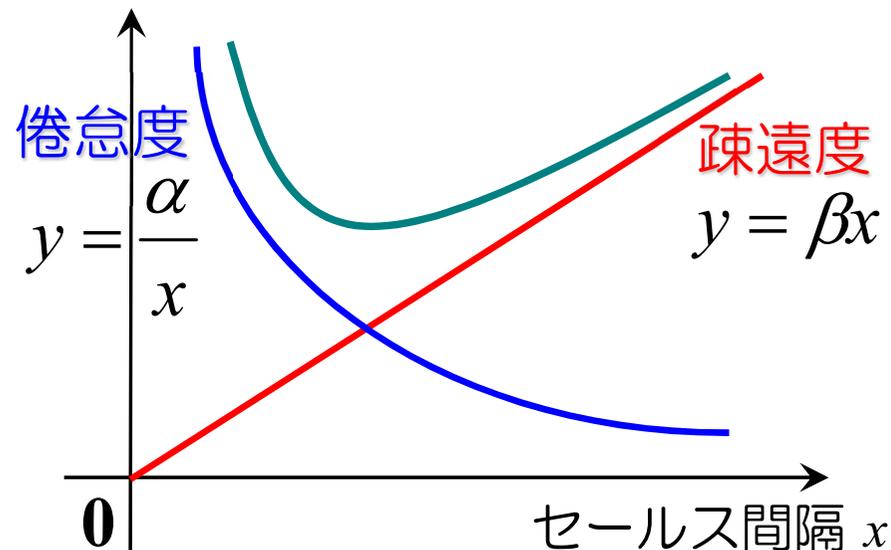
# 3. 意思決定者で最適が違う！



## ●● 演習：

●● 倦怠度と疎遠度を表す比例定数  $\alpha$ ,  $\beta$  がそれぞれ以下のように与えられる顧客について、各々最適セールス間隔を求めよ

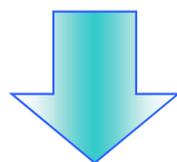
- 太郎：倦怠度の比例定数  $\alpha=30$  疎遠度の比例定数  $\beta=5$
- 次郎：倦怠度の比例定数  $\alpha=462$  疎遠度の比例定数  $\beta=6$
- 花子：倦怠度の比例定数  $\alpha=250$  疎遠度の比例定数  $\beta=2$
- 湘子：倦怠度の比例定数  $\alpha=3460$  疎遠度の比例定数  $\beta=7$



# まとめ



- 採用基準により結果が違う
- 同じ基準でも，人により結果が違う



問題と，その問題に直面している人に，  
最もよい基準・手法と調整を行うことが  
最適な意思決定に通ずる！

# 参考文献

- 木下栄蔵 「わかりやすい意思決定論入門」 近代科学社 (1996)
- 岡田章 「ゲーム理論」 有斐閣 (1997)
- 渡辺隆裕 「ゲーム理論入門」 日本経済新聞出版社 (2008)

