

## 1. 意思決定とは？

- 複数の代替案がある時、どの選択をするかにより結果が異なる

↓

客観的な指標が欲しい

- 選んだ代替案を他の代替案と比べた時、自分の意思決定がどの程度妥当だったのかの判断指標
- 意思決定者・グループが各代替案に対して
  - (なるべく) 同じように評価・比較できる
  - (ある程度) 説得力がある, etc.

↓

数理的な尺度で計測したらどうだろう



## 1. 意思決定とは？

- 意思決定手法
  - ゲーム理論(Game Theory)
  - 線形計画法(Linear Programming)・多目的線形計画法(MLP)
  - 包絡分析法(Data Envelopment Analysis)
  - 階層分析法(Analytic Hierarchy Process)・階層ネットワーク法(ANP)
  - シミュレーション(simulation)
  - 最適化(Optimization), 整数計画・非線形計画・組合せ最適化etc.
  - 確率計画法(Stochastic Programming)
  - 機械学習(Machine Learning)・深層学習 (Deep Learning)
  - etc. ...
- どの手法を用いればよいか？
  - 各手法は一長一短
  - 問題・状況を把握し適切な方法/組合せを利用
    - 何を知りたいのか？ 何がわかればよいか？

大事なのは…

問題の把握  
と  
適切な解決



## 2. 意思決定基準



## 2. 意思決定基準

例 文教太郎君のデート計画

太郎君は花子さんと週末デートを計画している

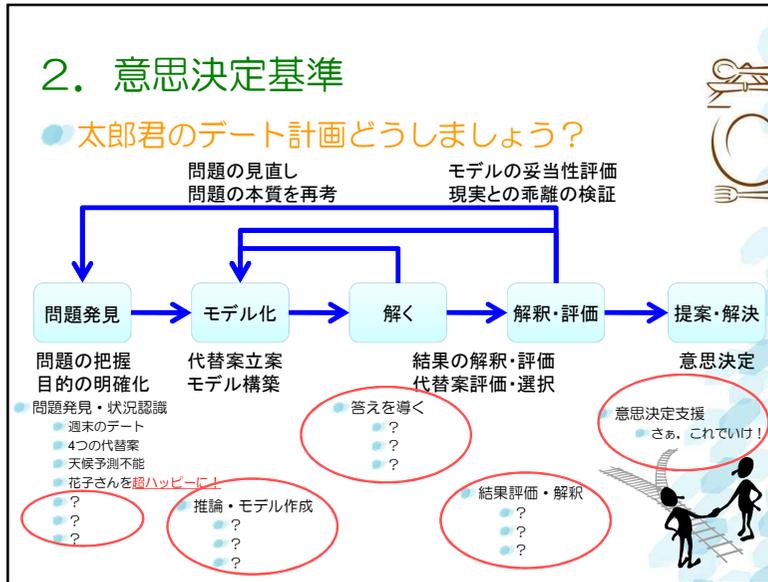
- ◆ 遊園地
- ◆ ドライブ
- ◆ 映画鑑賞
- ◆ マリンスポーツ







のいずれかをしていと思っている。太郎君によると、花子さんは天気によってデートコースの評価(満足度)が変わるらしい。花子さんをとてもハッピーにしたい太郎君だが、週末の天気がどうなるかわからないので困っている。  
太郎君の親友であるあなたは、どうアドバイスする？



## 2. 意思決定基準

● 太郎君のデート計画

● 各代替案と天候による花子の満足度（太郎の調査による）

代替案\天候	晴れ	曇り	雨	風
$x_1$ 遊園地へ	50	35	20	40
$x_2$ ドライブ	45	50	35	25
$x_3$ 映画鑑賞	35	35	40	30
$x_4$ マリンスポーツ	45	20	5	70

● もし、晴れたら ⇒  $x_1$ 案『遊園地へ』が一番よい  
 ● もし、曇りなら ⇒  $x_2$ 案『ドライブ』が一番よい  
 ● もし、雨ならば ⇒  $x_3$ 案『映画鑑賞』が一番よい  
 ● もし、風ならば ⇒  $x_4$ 案『マリンスポーツ』が一番よい

どうしよう……。あなたならどうする？

## 2. 意思決定基準

● 各代替案に得点を与えて比較しよう

状態数:  $j = 1, 2, 3, 4$

代替案数	$x_i \setminus j$	晴	曇	雨	風
1	$x_1$ 遊園地	50	35	20	40
2	$x_2$ ドライブ	45	50	35	25
3	$x_3$ 映画鑑賞	35	35	40	30
4	$x_4$ マリンスポーツ	45	20	5	70

花子さんの満足度を  $w_{ij}$  と表すことにしよう

$w_{11} = 50, w_{12} = 35, w_{13} = 20, w_{14} = 40$   
 $w_{21} = 45, w_{22} = 50, w_{23} = 35, w_{24} = 25$   
 $w_{31} = 35, w_{32} = 35, w_{33} = 40, w_{34} = 30$   
 $w_{41} = 45, w_{42} = 20, w_{43} = 5, w_{44} = 70$

● 各代替案の得点は…

$S(x_1) = ?$  ← 遊園地の得点  
 $S(x_2) = ?$  ← ドライブの得点  
 $S(x_3) = ?$  ← 映画鑑賞の得点  
 $S(x_4) = ?$  ← マリンスポーツの得点

つまり、  
最も得点の高い代替案を  
太郎君に推薦しよう！  
ということ

## 2. 意思決定基準

● ではどのように代替案に得点を付ける？

$S(x_1) = ?$  ←  $x_1$ =遊園地の得点  $S(x_1)$   
 $S(x_2) = ?$  ←  $x_2$ =ドライブの得点  $S(x_2)$   
 $S(x_3) = ?$  ←  $x_3$ =映画鑑賞の得点  $S(x_3)$   
 $S(x_4) = ?$  ←  $x_4$ =マリンスポーツの得点  $S(x_4)$

● 代替案選択のための代表的な基準

● ラプラスの基準	Laplace	… $S_L$
● マキシミンの基準	maximin	… $S_p$
● マキシマックスの基準	maximax	… $S_q$
● フルビッツの基準	Hurwitz	… $S_H$
● ミニマックス・リグレット基準	minimax regret	… $S_r$

## 2. 意思決定基準

$x_i \setminus j$		晴	曇	雨	風
$x_1$	遊園地	50	35	20	40
$x_2$	ドライブ	45	50	35	25
$x_3$	映画鑑賞	35	35	40	30
$x_4$	マリンスポーツ	45	20	5	70

● **ラプラスの基準**

- 状態の生起確率を等確率とした期待値 (= 算術平均)
- $S_L$  が最大となる代替案を選択

$$\begin{cases} S_L(x_1) = (50 + 35 + 20 + 40) / 4 = 36.25 \\ S_L(x_2) = (45 + 50 + 35 + 25) / 4 = 38.75 \\ S_L(x_3) = (35 + 35 + 40 + 30) / 4 = 35.0 \\ S_L(x_4) = (45 + 20 + 5 + 70) / 4 = 35.0 \end{cases}$$

**ドライブへ行こう!**



★  $\max_i S_L(x_i)$  ただし,  $S_L(x_i) = \frac{1}{m} \sum_{j=1}^m w_{ij}$

## 2. 意思決定基準

$x_i \setminus j$		晴	曇	雨	風
$x_1$	遊園地	50	35	20	40
$x_2$	ドライブ	45	50	35	25
$x_3$	映画鑑賞	35	35	40	30
$x_4$	マリンスポーツ	45	20	5	70

● **たくさんの平均値基準**

- 単純平均 (=Laplace)  
● 遊園地の場合:  $(50+35+20+40)/4$
- 最大と最小の平均 (cf. Hurwitz)  
● 遊園地の場合:  $(50+20)/2$
- 最大と最小を除外して平均をとる  
● 遊園地の場合:  $(35+20)/2$
- etc.

## 2. 意思決定基準

$x_i \setminus j$		晴	曇	雨	風
$x_1$	遊園地	50	35	20	40
$x_2$	ドライブ	45	50	35	25
$x_3$	映画鑑賞	35	35	40	30
$x_4$	マリンスポーツ	45	20	5	70

● **マキシミンの基準**

- 最悪の状態を考え、そのうち最もよい案を選択 (悲観論者の基準)
- $S_p$  が最大となる代替案を選択

$$\begin{cases} S_p(x_1) = \min \{50, 35, 20, 40\} = 20 \\ S_p(x_2) = \min \{45, 50, 35, 25\} = 25 \\ S_p(x_3) = \min \{35, 35, 40, 30\} = 30 \\ S_p(x_4) = \min \{45, 20, 5, 70\} = 5 \end{cases}$$

**映画鑑賞をしよう!**



★  $\max_i S_p(x_i)$  ただし,  $S_p(x_i) = \min_j w_{ij}$

## 2. 意思決定基準

$x_i \setminus j$		晴	曇	雨	風
$x_1$	遊園地	50	35	20	40
$x_2$	ドライブ	45	50	35	25
$x_3$	映画鑑賞	35	35	40	30
$x_4$	マリンスポーツ	45	20	5	70

● **マキシマックスの基準**

- 最良の状態を考え、そのうち最もよい案を選択 (楽観論者の基準)
- $S_q$  が最大になる案を選択

$$\begin{cases} S_q(x_1) = \max \{50, 35, 20, 40\} = 50 \\ S_q(x_2) = \max \{45, 50, 35, 25\} = 50 \\ S_q(x_3) = \max \{35, 35, 40, 30\} = 40 \\ S_q(x_4) = \max \{45, 20, 5, 70\} = 70 \end{cases}$$

**マリンスポーツだ!**



★  $\max_i S_q(x_i)$  ただし,  $S_q(x_i) = \max_j w_{ij}$

## 2. 意思決定基準

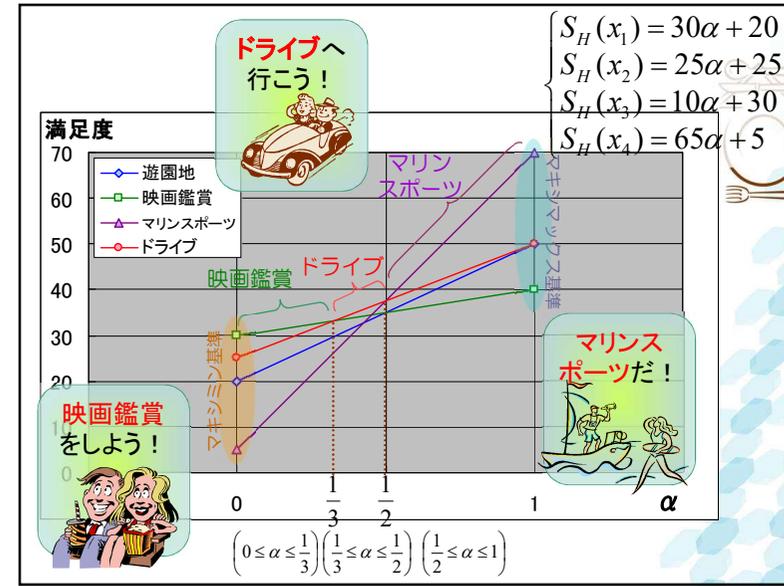
$x_i \setminus j$		晴	曇	雨	風
$x_1$	遊園地	50	35	20	40
$x_2$	ドライブ	45	50	35	25
$x_3$	映画鑑賞	35	35	40	30
$x_4$	マリンスポーツ	45	20	5	70

$w_{ij}$

- フルビッツの基準
  - 悲観と楽観のバランスを取る
  - 悲観・楽観度 $\alpha$ がその程度を表す
    - $\alpha=1$ : マキシマックスの基準と同じ
    - $\alpha=0$ : マキシミンの基準と同じ
  - $S_H$ が最大になる案を選択

$$\begin{cases} S_H(x_1) = 50\alpha + 20(1-\alpha) = 30\alpha + 20 \\ S_H(x_2) = 45\alpha + 25(1-\alpha) = 25\alpha + 25 \\ S_H(x_3) = 35\alpha + 30(1-\alpha) = 10\alpha + 30 \\ S_H(x_4) = 45\alpha + 5(1-\alpha) = 65\alpha + 5 \end{cases}$$

★  $\max_i S_H(x_i)$  ただし,  
 $S_H(x_i) = \alpha \max_j w_{ij} + (1-\alpha) \min_j w_{ij} \quad (0 \leq \alpha \leq 1)$



## 2. 意思決定基準

$x_i \setminus j$		晴	曇	雨	風
$x_1$	遊園地	50	35	20	40
$x_2$	ドライブ	45	50	35	25
$x_3$	映画鑑賞	35	35	40	30
$x_4$	マリンスポーツ	45	20	5	70

$w_{ij}$

- ミニマックス・リグレット基準
  - 状態が予め分かっていたら選択したであろう最良案と、実際に選択した案との差(後悔の念(リグレット), 機会損失)を考え、代替案毎にそれが最大になるものを各々求め、それを最小にする  
(なるべく後悔したくない悲観論者の基準)
  - 最大機会損失 $S_r$ が最小になる案を選択

★  $\min_i S_r(x_i)$  ただし,  
 $S_r(x_i) = \max_j \{ \max_i w_{ij} - w_{ij} \}$

## 2. 意思決定基準

ミニマックス・リグレット基準

満足度表

代替案 \ 天候	晴れ	曇り	雨	風
$x_1$ 遊園地へ	50	35	20	40
$x_2$ ドライブ	45	50	35	25
$x_3$ 映画鑑賞	35	35	40	30
$x_4$ マリンスポーツ	45	20	5	70

最大機会損失 $S_r$ を最小に

$$\begin{cases} S_r(x_1) = \max\{0, 15, 20, 30\} = 30 \\ S_r(x_2) = \max\{5, 0, 5, 45\} = 45 \\ S_r(x_3) = \max\{15, 15, 0, 40\} = 40 \\ S_r(x_4) = \max\{5, 30, 35, 0\} = 35 \end{cases}$$

リグレット(機会損失)表

代替案 \ 天候	晴れ	曇り	雨	風
$x_1$ 遊園地へ	0	15	20	30
$x_2$ ドライブ	5	0	5	45
$x_3$ 映画鑑賞	15	15	0	40
$x_4$ マリンスポーツ	5	30	35	0

満度度表からリグレット表を作る

★ 遊園地へ行こう!

## 2. 意思決定基準

- ◆ **ラプラス基準** →  $x_2$ 案：ドライブ  
平均(等確率の期待値)
- ◆ **マキシミン基準** →  $x_3$ 案：映画鑑賞  
悲観論者のための指標
- ◆ **マキシマックス基準** →  $x_4$ 案：Mスポーツ  
楽観論者のための指標
- ◆ **フルビッツ基準** →  $\begin{cases} x_2 \text{案：ドライブ} \\ x_3 \text{案：映画鑑賞} \\ x_4 \text{案：Mスポーツ} \end{cases}$   
中庸をゆく人の指標
- ◆ **ミニマックス・リグレット基準** →  $x_1$ 案：遊園地  
後悔する悲観論者用

## 2. 意思決定基準

- 5つの意思決定基準
- 4基準のまとめ

代替案 \ 天候	晴	曇	雨	風	min	ave	max	
$x_1$ 遊園地へ	50	35	20	40	20	36.3	50	$50\alpha + 20(1-\alpha)$
$x_2$ ドライブ	45	50	35	25	25	38.8	50	$50\alpha + 25(1-\alpha)$
$x_3$ 映画鑑賞	35	35	40	30	30	35.0	40	$40\alpha + 30(1-\alpha)$
$x_4$ マリンスポーツ	45	20	5	70	5	35.0	70	$70\alpha + 5(1-\alpha)$
				max	30	38.8	70	$\alpha$ による

↑ maximin 最小値最大  
 ↑ Laplace 平均値最大  
 ↑ Hurwitz 最大・最小案分値最大  
 ↑ maximax 最大値最大

→他にも、妥当と思われる基準を考えてみよう

## 2. 意思決定基準

- どの意思決定基準を採用すればいいのか?

**意思決定者の視点**

決定基準が立脚している視点  
生起確率等,  
悲観的,  
楽観的,  
悲観～楽観 程度毎,  
最大機会損失最小  
のうち意思決定者が適当と考える  
視点に合致したものを選ぶ。

**問題の性質**

決定基準の持つ性質  
を把握・検討し、現在  
直面している問題の状  
況に最も相応しいもの  
を採択。



## 2. 意思決定基準

- 演習:
- 会社の中途採用の募集を掛けたところ、4人の応募があった。面接・試験等を行い、以下の能力が認められた。誰を採用すべきか?
- 意思決定基準の値をそれぞれ計算し、比較せよ
- あなたの考えた意思決定基準の値を計算せよ

	交渉力	事務処理	発想力	勤勉さ	粘り強さ
太郎	95	30	20	15	50
次郎	70	30	90	85	20
三郎	45	95	80	60	75
四郎	60	65	55	65	85

# 3. 意思決定者毎に最適は違う

## 3. 意思決定者で最適が違う！

例▶ 宅配ピザの広告（チラシ）配達

- 想定顧客の分類
  - 宅配ピザは大好き
  - 宅配ピザなど頼まない
  - 宅配ピザは嫌いではない

→ 適当に配達する (とりあえず考えない)  
→ 配達頻度をどうするか？

問題 ▶ 何が難しい（問題）か...

- 頻繁な広告、……嫌がられる。
- 余り広告をしないと、……忘れられてしまう。

最適広告間隔は？

## 例えば…

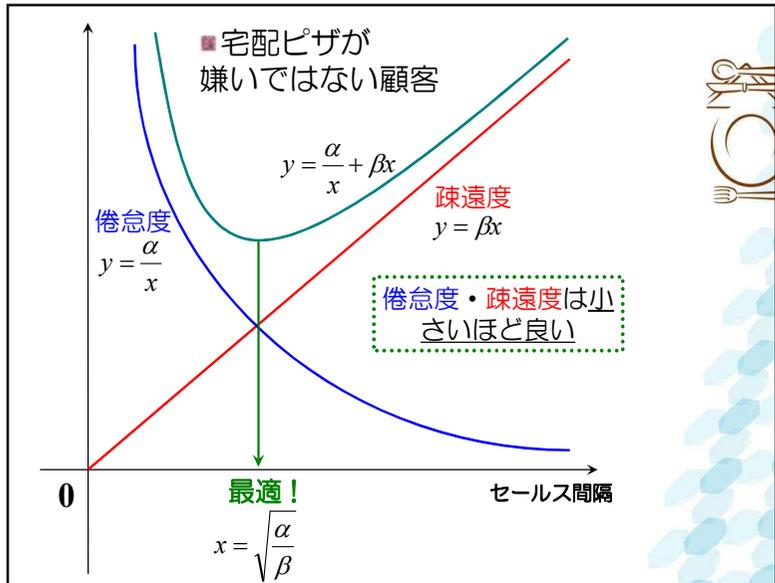
- 広告配達間隔の観点から **倦怠度** と **疎遠度** を考察

**倦怠度**...嫌がられ度  
 広告配達間隔が短ければ飽きられる  
 毎日もらうより1週間ぶりのほうが新鮮  
 → 倦怠度  $y$  は広告配達間隔  $x$  に**反比例**するだろう  

$$y = \frac{\alpha}{x}$$
 [αは人による反比例定数]

**疎遠度**...忘れられ度  
 広告配達間隔が長いと親密感が育ちにくい  
 商品も広告内容も忘れられる  
 → 疎遠度  $y$  は広告配達間隔  $x$  に**比例**するだろう  

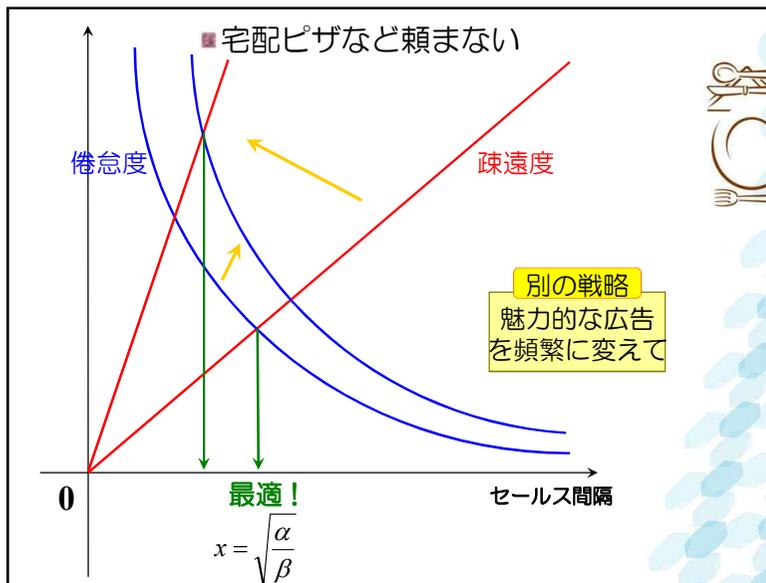
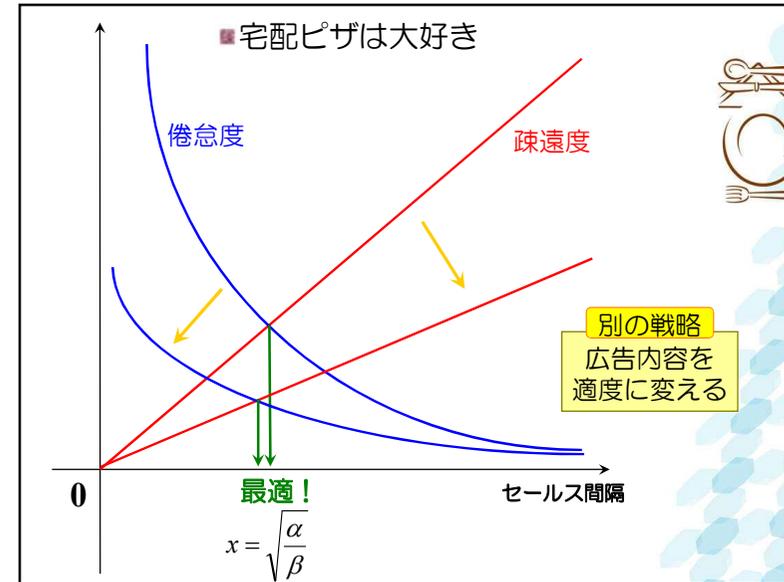
$$y = \beta x$$
 [βは人による比例定数]



さて…

例▶ 宅配ピザの広告（チラシ）配達  
想定する顧客の嗜好による戦略の変更

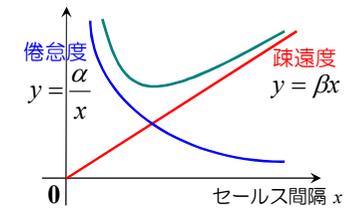
- 宅配ピザは大好き  
→ セールス間隔に対し **倦怠度小・疎遠度小**
- 宅配ピザなど頼まない  
→ セールス間隔に対し **倦怠度大・疎遠度大**
- 宅配ピザは嫌いではない

### 3. 意思決定者で最適が違う！

演習：

- 倦怠度と疎遠度を表す比例定数  $\alpha$ ,  $\beta$  がそれぞれ以下のように与えられる顧客について、各々最適セールス間隔を求めよ
- 太郎：倦怠度の比例定数  $\alpha=30$  疎遠度の比例定数  $\beta=5$
- 次郎：倦怠度の比例定数  $\alpha=462$  疎遠度の比例定数  $\beta=6$
- 花子：倦怠度の比例定数  $\alpha=250$  疎遠度の比例定数  $\beta=2$
- 湘子：倦怠度の比例定数  $\alpha=3460$  疎遠度の比例定数  $\beta=7$



倦怠度  $y = \frac{\alpha}{x}$

疎遠度  $y = \beta x$

セールス間隔  $x$

## まとめ

- 採用基準により結果が違う
- 同じ基準でも、人により結果が違う



問題と、その問題に直面している人に、  
最もよい基準・手法と調整を行うことが  
最適な意思決定に通ずる！

## 参考文献

- 木下栄蔵「わかりやすい意思決定論入門」近代科学社（1996）
- 岡田章「ゲーム理論」有斐閣（1997）
- 渡辺隆裕「ゲーム理論入門」日本経済新聞出版社（2008）